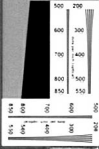
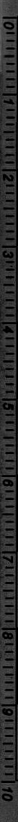


Inches



centimeters



	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11(A)	12	13	14	15
L*	39.12	65.43	49.87	44.26	55.56	70.82	63.51	39.92	52.24	97.06	82.02	67.34	82.14	72.06	62.15
a*	13.24	18.11	-4.34	-13.80	9.82	-33.43	34.26	11.81	48.55	-0.40	-0.60	-0.75	-1.06	-1.19	-1.07
b*	15.07	18.72	-22.29	22.85	-24.49	-0.35	59.60	-46.07	18.51	1.13	0.23	0.21	0.43	0.28	0.19

D50 Illuminant, 2 degree observer

Density 0.04 0.09 0.15 0.22 0.36 0.51

Golden Thread

16(M)	17	18(B)	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	L*
49.25	38.82	28.86	16.19	8.29	3.44	31.41	72.46	72.85	29.37	54.91	43.86	82.74	62.79	60.87	
-0.16	-0.16	0.54	-0.05	-0.81	-0.23	20.98	-24.45	16.83	13.06	-38.91	62.00	3.45	60.88	-27.17	a*
0.01	-0.04	0.60	0.73	0.19	0.49	-19.43	55.93	68.80	-49.49	30.77	30.01	81.29	-12.72	-29.46	b*

0.75 0.88 1.24 1.67 2.04 2.42

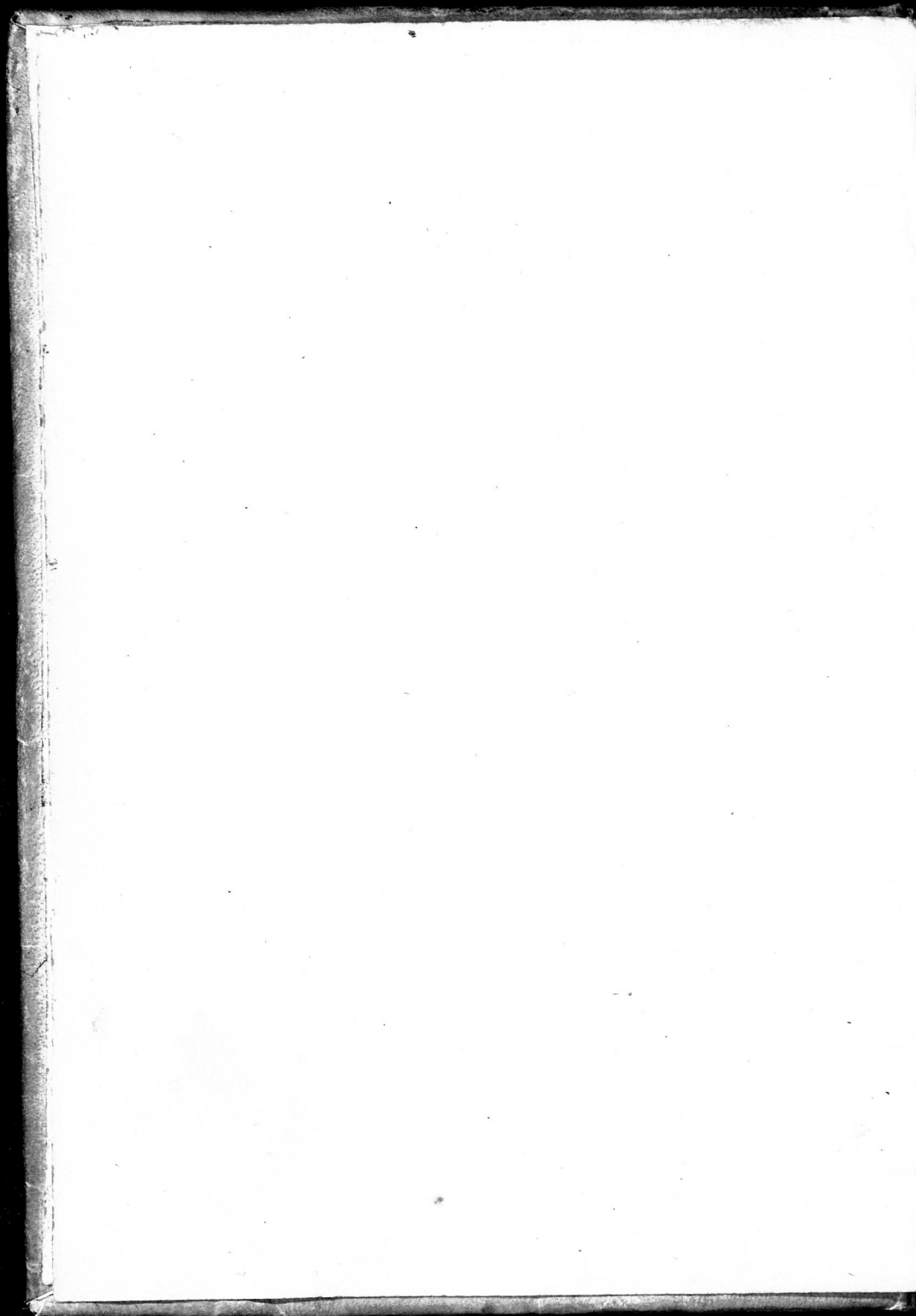
Colors by Munsell Color Services Lab

Don Williams

74

18617

5053



ARCHIMEDIS

DE IIS QVAE VEHVNTVR
IN AQVA LIBRI DVO.

A' FEDERICO COMMANDINO
VRBINATE IN PRISTINVM
NITOREM RESTITVTI, ET
COMMENTARIIS ILLVSTRATI.



74

CVM PRIVILEGIO IN ANNOS X.

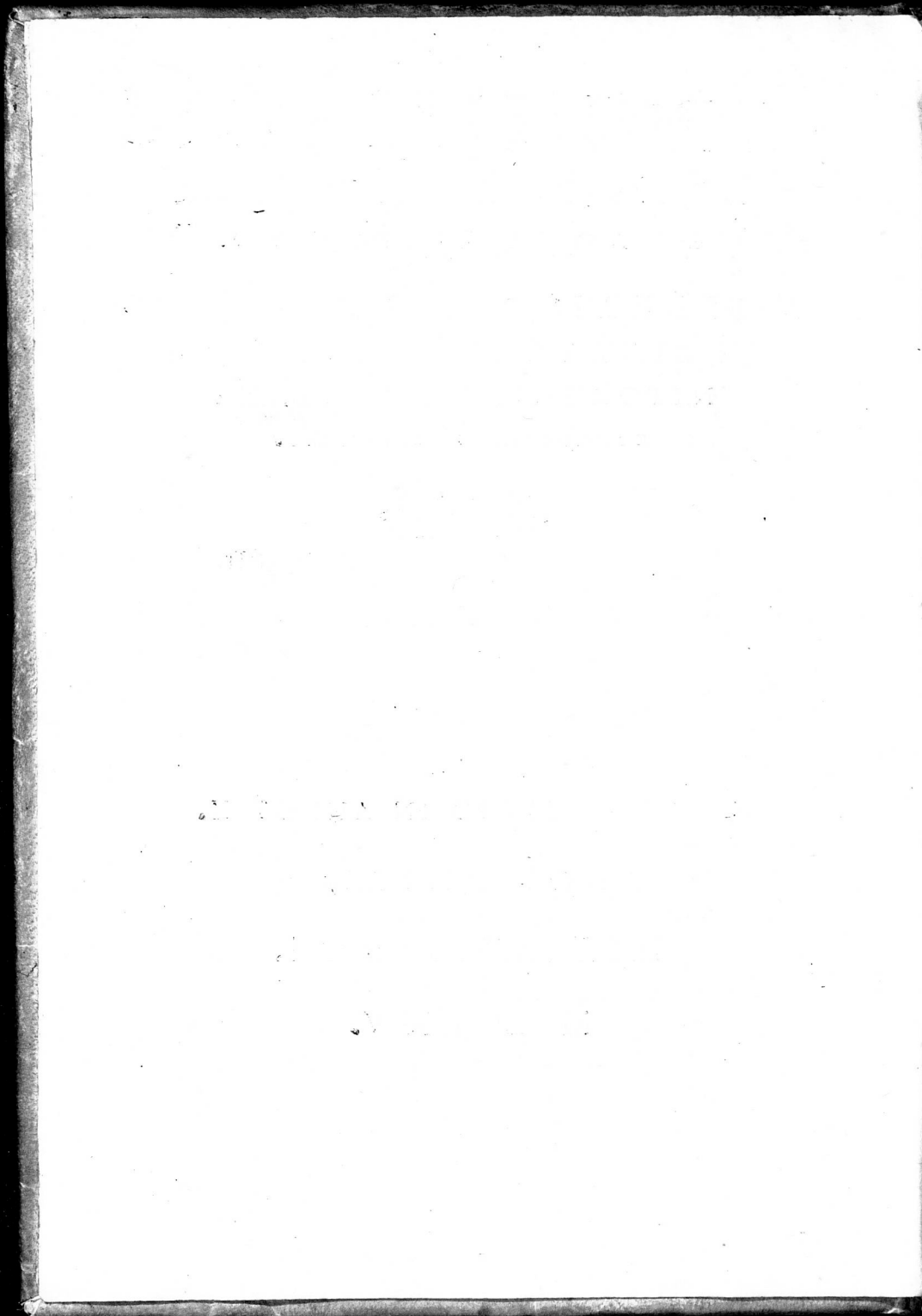
BONONIAE,

Ex Officina Alexandri Benacii.

M D LX V. [1565]

F 9016226
10/2000

Axb 77



R A N V T I O F A R N E S I O
CARDINALI AMPLISSIMO
ET OPTIMO.



Q UOD tibi superioribus diebus pollicitus sum, cum libellum Ptolemæi de Analemmate in lucem proferrem, breui fore, ut Archimedis etiam libri de ijs, quæ in aqua vehuntur, & emendatiores, & fortasse opera mea illustriores ederentur: mihi non committendum esse duxi, ut iure optimo malum nomen, præsertim à te, cui tantopere debeo, existimari possem. quamuis cum mecum considero suscepti negocij difficultates, quas multo plures, & multo grauiores, quam in libello de Analemmate deprehendi; vereor ne id planè non assecutus sim, quod ab initio spectavi, ut mathematicarum disciplinarum studiosis hac in parte satisfacerem. cum enim græcus Archimedis codex nondum in lucem venerit, non solum is, qui eum latinitate donauit, multis in locis fœde lapsus est, verum etiam codex ipse, ut etiam interpretes fatetur, vetustate corruptus, & mancus est; duæq; integræ ἀποδείξεις, quas demonstrationes dicimus, deperierunt. quæ iactura quantam vim habeat ad perturbandum admirabilem illum ordinem, quo inter se mathematicæ disciplinæ quodāmodo connexæ sunt,

tibi, qui iam in iis multam operam, multumq; studium posuisti, cogitandum relinquo. nonnulla præterea Archimedes vt perspicua in his tractandis ponere non dubitauit, quæ veteres mathematici, qui de conicis conscripserunt, plurimis, & firmissimis argumentis probauerūt. Hæc autem idcirco à nobis omnino ignorantur; quòd postremi quatuor libri conicorum Apollonii Pergæi adhuc in tenebris delitescent. Qua quidem in re (vt mea fert opinio) singulari fato fuerunt mathematicæ disciplinæ, cum tot scriptorum præclara monumenta interierint, per quæ non solum in studiosos homines, uerum etiam in humanū genus mirabiles utilitates importatæ fuissent. nam cum mecum considero quàm late pateant hæ nobilissimæ scientiæ, quâ opere rebus publicis & priuatis admirabili quadâ ratione, atque ordine gubernandis necessariæ sint, dubitandum non existimo, quin magna sit habenda gratia huius diuini boni auctoribus, & inuentoribus: ueterumq; græcorum prudentiam satis admirari non possum, qui pueros cum primum fari cœpissent, his disciplinis imbuendos curabant, ut à prima ætate multiplicis, ac subtilis scientiæ contemplationi assueti nihil paruum, aut humile cogitarent: sed uel se totos ijs artibus traderent, quarum ope ciuitatibus suis & præsidio, & ornamento esse possent: uel humanis studijs multam salutem dicentes, diuinam philosophiam toto animo amplexarentur, cum ad eam per mathematicas disciplinas fa-

cilio rem sibi aditum comparassent. quam ob rem gra-
uissimum damnum factum est in tot præstâtissimis
uiris: quorû scripta si in manus nostras peruenissent,
profecto multo præclarius cum rebus humanis age-
retur. complures enim, qui nunc tot difficultatibus
ab his studijs deterrentur, hac ratione priuatis & pu-
blicis rationibus optime consulissent. Cum hæc ita
essent, tamen nullum mihi laborem subterfugiendû
esse iudicaui, quo studiosis hominibus, qui in mathe-
maticis disciplinis toto animo incumbût, facilior pa-
teret aditus ad abstrusa, & recondita sensa tanti scri-
ptoris intelligenda: nec à uetere meo instituto disce-
dere uolui; scis enim me multos abhinc annos hanc
eandem prouinciam, Archimedis quàm plurima scri-
pta illustrandi suscepisse. quod neque arrogãtia, nec
inanis gloriæ spe adductus sum, ut facerẽ, sed me ue-
hementer in hanc mentem impulit honestissima cu-
piditas de studiosis hominibus benemerẽdi: etenim
semper mea fuit sentẽtia, mathematicum, qui libros
Archimedis accuratissime non euoluerit, uix mathe-
maticum appellari debere: cum eû necesse sit in mul-
tarum rerum ignoratione uersari, sine quibus mathe-
maticæ disciplinæ imperfectæ quodammodo, atque
inchoatæ sunt habendæ. Dedi igitur operam, ut his
etiam Archimedis libris, quoad eius fieri posset, per
me aliqua lux afferretur. quos ut Archimedis esse nõ
dubitarem, duæ non contemnendæ causæ fuerunt.
una quòd in tanta obscuritate ab interpretis inscitia,

& à uetustate profecta, nescio quod uestigium illius
 acuti, & perspicacis ingenij, quo Archimedes excel-
 luit, impressum apparet: altera quòd tum græci, tum
 latini scriptores grauissimi hos ut Archimedis libros
 recognoscūt. Strabo enim in primo libro hæc ad uer-
 bū scribit. ὁ δὲ οὗτος ἡδύς ἐστιν, ὥστε καὶ μὴ μαθηματικός ὢν, οὐδὲ
 τὴν Ἀρχιμήδους βεβαίω δόξαν, ὅτι φησὶν ἐκείνος ἐν τοῖς περὶ τῶν ὀχου-
 μένων, παντὸς ὕγρου καθέστηκότος, καὶ μένοντος τὴν ἐπιφανῆσαν σφαιρι-
 κὴν εἶναι, σφαῖρας ταυτὸ κέντρον ἔχουσας τῇ γῇ. ταύτην γὰρ τὴν δόξαν
 ἀποδέχονται πάντες οἱ μαθημάτων πῶς ἀπέρμενοι. & Pappus Ale-
 xandrinus in octauo mathematicarum collectionum
 libro hæc scripta reliquit, καλοῦσι δὲ μηχανικούς οἱ παλαιοί,
 καὶ τοὺς θαυμασιουργοὺς, ὧν οἱ μὲν διὰ πνευμάτων φιλοτεχνούσιν, ὡς
 ἦσαν πνευματικοί, οἱ δὲ διὰ νευρίων καὶ σπάρτων ἐμφύχων κινήσεις δο-
 κοῦσι μιμῆσθαι, ὡς ἦσαν αὐτομάτοι, καὶ ζυγίοις: ἄλλοι δὲ διὰ τῶν ἐφ'
 ὕδατος ὀχουμένων, ὡς ἀρχιμήδης ὀχουμένοις. Vitruuius etiam
 in octauo libro de his eisdem Archimedis libris me-
 minit. Fortasse, inquit, qui Archimedis libros legit, di-
 cet non posse fieri ueram ex aqua librationem: sed ei
 placet aquam non esse libratam, sed sphæroides habe-
 re schema: & ibi habere centrum, quo loci habet or-
 bis terrarum. ut nemini dubium esse possit, quin &
 genere scriptionis, & tātorum uirorum auctoritate,
 ut germani Archimedis libri attente legendi, & per-
 pendendi sint: præsertim cum in ijs multa continean-
 tur cognitione dignissima, quæ nō tam ad mathema-
 ticas disciplinas, quàm ad naturæ obscuritatem spe-
 ctant. Quamobrem ego ne tanto, & tam fructuoso
 thesauro diutius studiosi carerent, primum loca par-

tim interpretis errore deprauata emendauī; partim
uetustate corrupta & consumpta in pristinam inte-
gritatem redegi, compluribus, quæ desiderabantur,
meo, ut aiunt, Marte suppletis. Deinde quoniam Ar-
chimedes, quemadmodum supra dixi, non nulla po-
nit, ut perspicua, & quæ uel ipse, uel superiores ma-
thematici ἀποδείξει confirmauerunt, coactus sum non
sine maximo negotio ex ijs principijs conicæ discipli-
næ Apollonijs Pergæi, quæ in manus nostras peruene-
rūt, nouas probationes adhibere, nequid esset, quod
diligentem lectorem in hac parte remorari posset. re-
stabat, ut theorema illud, quod sine cognitione cen-
tri grauitatis corporum solidorū percipi non potest,
uidelicet, Centrum grauitatis in portionibus conoi-
dis rectanguli axem ita diuidere, ut pars, quæ ad uer-
ticem terminatur, reliquæ partis, quæ ad basim sit du-
pla, certissimis rationibus comprobarem. sed huic
quoque rei prouisum est à me: seorsumq; ab his li-
bris de cētro grauitatis solidorū uberrime cōscripsi.
denique nihil prætermisi, quod ad Archimedem in
hac materia illustrandum attineret. quod si, ut spero,
affecutus sum, satis magnum fructum mihi cepisse ui-
debatur laborum, & uigiliarum mearum: sin secus acci-
derit, hoc me tamen consolabor, quod omnes intelli-
gent, honestissimo meo consilio, non tã ingenij mei
imbecillitatem, quàm rei obscuritatem, & temporū
iniurias obstitisse. Hoc loco superuacaneum esse arbi-
tror pluribus uerbis exponere, cur tibi amplissime

Cardinalis, has lucubrationes meas dicare constitue-
rim. tantis enim beneficijs à te affectus, quanta sem-
per & meminero, & prædicabo; tanta liberalitate cõ-
plexus, quantam ne optare quidem unquam ausus es-
sem. cupio memorem, & erga te gratum animũ qua
ratione possum, ostendere. quãuis si de te nihil aliud
præter auditum haberem, si amplitudini tuæ tanto-
pere deuinctus non essem; tua in omni genere disci-
plinarum excellentia, tua grauitas, atque innocentia
me magnopere hortata esset, ut te potissimum deli-
gerem, sub cuius clarissimi nominis splendore hi Ar-
chimedidis libri ab obliuione hominum, atque à silen-
tio uindicarentur. uerecundius de te in præsentia di-
cerem, ne uiderer assentationi potius, quàm ueritati
seruire; nisi omnibus persuasissimum esset, diuinas &
inauditas uirtutes tuas cum singulari eruditione con-
iunctas in illo sanctissimo Reip. christianæ consilio
tanquam lumen aliquod elucere. quamobrem ea,
qua soles, benignitate, fidelissimi clientis tui munus
accipies; quod tibi, qui & mathematicis disciplinis,
& phisiologiæ studijs tantopere delectaris, non iniu-
cundum fore confido. Vale.

Federicus Commandinus.

I
ARCHIMEDIS DE IIS
QVAE VEHVNTVR IN AQVA

LIBER PRIMVS.

CVM COMMENTARIIS FEDERICI
COMMANDINI VRBINATIS.

P O S I T I O.



ONATVR humidi eam
esse naturam, vt partibus ip-
sius æqualiter iacentibus, &
continuatis inter se se, minus
pressa à magis pressa expella-
tur. Vnaquæque autem pars
cuius premitur humido supra
ipsam existente ad perpendiculum, si humidum
sit descendens in aliquo, aut ab alio aliquo pres-
sum.

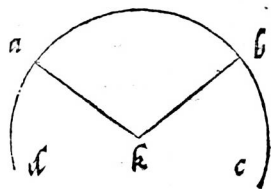
P R O P O S I T I O I.

SI superficies aliqua plano secetur per idẽ sem-
per punctum; sitq; sectio circuli circumferen-
tia, centrum habens punctum illud, per quod pla-
no secatur: sphaeræ superficies erit.

A

ARCHIMEDIS

SECE TVR superficies aliqua plano per k punctum ducto: & sic sectio semper circuli circumferentia, centrum habens punctum k . Dico eam sphaerae superficiem esse. Si enim non est sphaerae superficies; rectae lineae, quae à puncto k ad circumferentiam ducuntur non omnes aequales erunt. Itaque sint a b puncta in superficie; & inaequales lineae a k k b : per ipsas autem a k k b planum ducatur, quod sectionem faciat in superficie lineam d a b c . ergo d a b c circuli circumferentia est, cuius centrum k ; quoniam superficies eiusmodi ponebatur: & idcirco aequales inter se sunt a k k b , sed & inaequales; quod fieri non potest. constat igitur superficiem eam esse sphaerae superficiem.



PROPOSITIO II.

OMNIS humidi consistentis, atque manentis superficies sphaerica est; cuius sphaerae centrum est idem, quod centrum terrae.

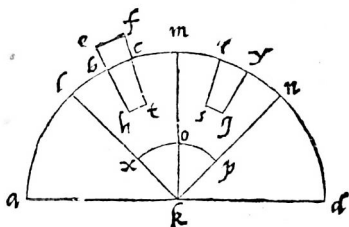
INTELLIGATVR humidū consistens, manēsq; & secetur ipsius superficies plano per centrum terrae ducto. sit autem terrae centrum k : & superficiei sectio, linea a b c d . Dico lineam a b c d circuli circumferentiam esse, cuius centrum k . Si enim non est, rectae lineae à puncto k ad lineam a b c d ductae non erunt aequales. Sumatur recta linea quibusdam quidem à puncto k ad ipsam a b c d ductis maior; quibusdam uero minor: & ex centro k , interualloq;

ARCHIMEDIS

PROPOSITIO III.

SOLIDARVM magnitudinum, quæ æqualē molem habentes æque graues sunt, atque humidum; in humidum demissæ demergentur ita, vt ex humidi superficie nihil extet: non tamen ad huc deorsum ferentur.

SIT magnitudo aliqua æque grauis, atque humidum: & si fieri potest, in humidum demissa extet ex superficie ipsius: consistat autem humidum, maneatq; & intelligatur aliquod planum ductū per cētrum terræ, & humidi, ac per solidam magnitudinem, ut sit superficiei quidem humidi sectio $a b c d$; solidæ uero magnitudinis insidentis $e h t f$; & terræ centrum k : sitq; solidæ magnitudinis pars, quæ in humido est, $b h t c$; &



quæ extra humidum $b e f c$. intelligatur etiam solida figura comprehensa pyramide, basim quidem habente parallelogrammum, quod est in superficie humidi; uerticem autem centrum terræ: sitq; sectio plani, in quo est $a b c d$ circumferentia, & planorum pyramidis $k l$, $k m$: & describatur quædam alterius sphaeræ superficies $x o p$ circa centrū k , in humido sub $e f h t$, ut sit ipsa $x o p$ sectio facta à superficie plani. Sumatur præterea alia quædam pyramis æqualis, & similis comprehendenti solidam figuram, ipsi coniuncta,

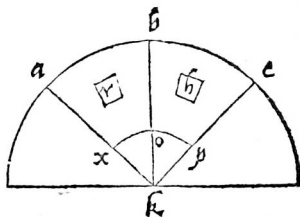
iuncta, & continuata: sitq; sectio planorū ipsius Km Kn : & in humido intelligatur quaedam magnitudo $rsqy$ ex ipso humido constans, æqualis, & similis solidæ $bhtc$, quæ quidem pars est solidæ magnitudinis in humido demersa. partes igitur humidi, quæ scilicet in prima pyramide superficiei xo continetur, & quæ in altera continetur po , æqualiter sunt positæ, & continuatæ; sed non similiter premuntur. nam contenta quidem xo , premitur solido $eh tf$, & humido interiecto inter superficies xo , lm , & plana pyramidis; contenta uero po premitur solido $rsqy$, & humido inter superficies op , mn , & pyramidis plana interiecto. minor autem est grauitas humidi, quod est inter mn , op , quàm eius, quod inter lm , xo . solidum enim $rsqy$ est minus solido $eh tf$: cum sit æquale ipsi $bhtc$; quia magnitudine æquale, & æque graue ponitur solidum, atque humidum: reliquum autem reliquo inæquale est. constat igitur partem contentā superficiei op , expelli ab ea, quæ ipsa xo continetur: & non consistere humidum. ponebatur autem consistens, & manens: non ergo ex superficie humidi extat aliquid solidæ magnitudinis: sed neque demersum solidum ad inferiora feretur. Similiter enim prementur omnes partes humidi æqualiter positæ, cum solidum sit æque graue, atque humidum.

PROPOSITIO IIII.

SOLIDARVM magnitudinum, quæcunque leuior humido fuerit, demissa in humidum non demergetur rota, sed aliqua pars ipsius ex humidi superficie extabit.

SIT magnitudo solida humido leuior; & demissa in humidum demergatur tota, si fieri potest, ut nulla pars ipsius

extet ex humidi superficie . consistat autem humidum,ma-
neatq; : & intelligatur aliquod planum ductum per centrū
terræ , per humidum, &
per magnitudinem soli-
dam : à quo superficies
quidem humidi secetur
secundum circumferen-
tiam a b c ; solida autem
magnitudo secundum fi-
guram, in qua r : & cent-
rum terræ sit K . Intelli-
gatur etiam quædam py-
ramis comprehendens



figuram r, sicuti prius, quæ pūctum K pro uertice habeat :
secenturq; ipsius plana à superficie plani a b c secundum
a K K b : & sumatur pyramis alia æqualis, & similis superio-
ri, cuius plana secentur à plano a b c, secundum b K K c :
deinde alterius sphaeræ superficies quædam describatur in
humido circa centrum K, sub solida magnitudine : & sece-
tur ab eodem plano secundum x o p : postremo intelliga-
tur alia magnitudo h in posteriori pyramide, quæ ex humi-
do constet, & solidæ magnitudini r sit æqualis . partes igitur
humidi, & quæ in prima pyramide continetur superfi-
cie x o ; & quæ in secunda superficie o p continetur, æquali-
ter iacent, & continuatæ inter sese ; non tamen similiter
premuntur : nam quæ est in prima pyramide premitur ma-
gnitudine solida r, & humido cōtinente ipsam, quod est in
loco pyramidis a b o x : quæ uero in altera pyramide pre-
mitur solida magnitudine h, & humido ipsam continente
in loco pyramidis p o b c . At grauitas solidæ magnitudi-
nis r, minor est grauitate humidi, in quo h : quoniam ma-
gnitudo solida mole quidem æqualis, & humido leuior po-
nitur : grauitas autem humidi continentis magnitudines
r h est æqualis ; cum pyramides æquales sint . magis ergo
premi-

premitur pars humidi, quæ est sub superficie o p. quare expellet partem minus pressam, & non manebit humidum. ponebatur autem manens. non igitur demergetur tota, sed aliqua pars ipsius ex humidi superficie extabit.

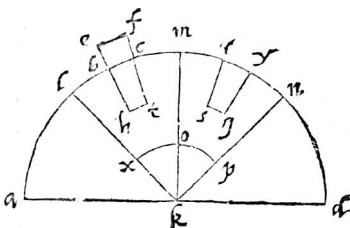
P R O P O S I T I O V.

SOLIDARVM magnitudinum quæcunque leuior humido fuerit, demissa in humidum vsque eô demergetur, vt tanta moles humidi, quanta est partis demersæ, eandem, quam tota magnitudo, grauitatem habeat.

DISPONANTVR eadem, quæ supra: sitq; humidum manens: & magnitudo e h t f humido leuior. Si igitur humidum manet, similiter prementur eius partes, quæ æqualiter iacent. similiter ergo premetur humidum sub superficiebus x o o p.

quare æqualis est grauitas, qua premuntur. est autem & grauitas humidi, quod in prima pyramide absque solido b h t c, æqualis grauitati humidi, quod in altera pyramide absq; r s q y humido. perspicuum est igitur grauitatem magnitudinis e h t f grauitati humidi r s q y æqualem esse. ex

quibus constat, tantam humidi molem, quanta est pars demersæ solidæ magnitudinis, eandem, quam tota magnitudo habere grauitatem,

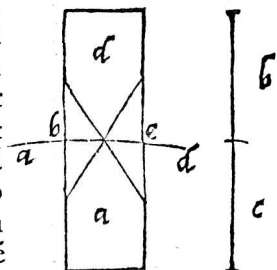


ARCHIMEDIS

PROPOSITIO VI.

SOLIDAE magnitudines humido leuiore, in humidum impulsæ sursum feruntur tanta ui, quāto humidum molem habens magnitudini æqualem, grauius est ipsa magnitudine.

SIT enim magnitudo a leuior humido: & sit magnitudinis quidem a grauitas b: humidi uero molem habentis æqualem ipsi a, grauitas sit b c. demonstrandum est magnitudinem a in humidum impulsam tanta ui sursum ferri, quanta est grauitas c. accipiatur enim quædam magnitudo, in qua d habens grauitatem ipsi c æqualem. Itaque magnitudo ex utrisque magnitudinibus constans, in quibus a d, leuior est humido: nam magnitudinis quidem quæ ex utrisque constat grauitas est b c; humidi uero habentis molem ipsis æqualem grauitas maior est, quàm b c: quoniam b c grauitas est humidi molē habentis æqualem ipsa. Si ergo demittatur in humidū magnitudo ex utrisque a d constans; usque eò demergetur, ut tanta moles humidi, quanta est pars magnitudinis demersa eādem, quam tota magnitudo grauitatem habeat. hoc enim iam demonstratum est. sit autē superficies humidialicuius a b c d circumferentia. Quoniam igitur tanta moles humidi, quanta est magnitudo a grauitatem habet eandem, quam magnitudines a d: perspicuum est partem ipsius demersam esse magnitudinem a; reliquam uero d totam ex humidi

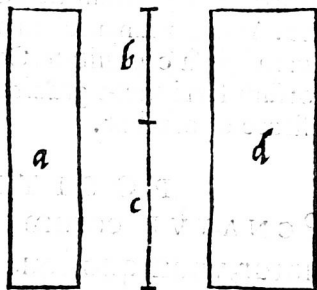


midi superficie extare. * Quare constat magnitudinem a tanta uel sursum ferri, quāta deorsum premitur ab eo, quod est supra; uidelicet a d, cū neutra ab altera expellatur, sed d fertur deorsum tanta grauitate, quanta est c ponebatur enim grauitas eius, in quo d ipsi c aequalis. patet igitur illud quod demonstrare oportebat.

PROPOSITIO VII.

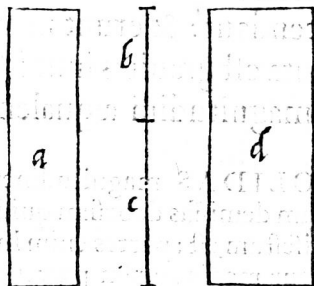
SOLIDAE magnitudines humido grauiore demissae in humidum ferentur deorsum, donec descendant: & erunt in humido tanto leuiore, quanta est grauitas humidi molem habentis solidae magnitudini aequalem.

SOLIDAS magnitudines humido grauiore, in humidum demissas deorsum quidam ferri, donec descendant, manifestum est: partes enim humidi, quae sub eis sunt, premuntur magis, quā partes aequaliter ipsis adiacentes; quoniam magnitudo solida humido grauior ponitur: leuiore autem esse uti dictum est, demonstrabitur hoc modo. Sit enim aliqua magnitudo a grauior humido: & sit magnitudinis quidem a grauitas b c: humidi uero mole habentis aequalem ipsi a grauitas sit b. demonstrandum est magnitudinem a in humido existentem habere grauitatem aequalem ipsi c. Accipia-



tur enim alia aliqua magnitudo, in qua d, leuior humido;

cuius gravitas sit ipsi b æqualis: humidi uero molem habentis æqualem magnitudini d , sit gravitas æqualis $b c$. Itaque compositis magnitudinibus $a d$, magnitudo ex utrisque constans æque grauis erit, atque ipsum humidum: gravitas enim utrarumque magnitudinum est æqualis utrisque gravitatibus, uidelicet $b c$, & b : gravitas autem humidi habentis molem æqualem utrisque magnitudinibus, est eisdem gravitatibus æqualis. Demissis igitur magnitudinibus, & in humidum proiectis æque graues erunt, atque humidum: neque sursum, neque deorsum ferentur: quoniam magnitudo quidem a grauior humido feretur deorsum; & eadem ui à magnitudine d sursum retrahetur: magnitudo autem d humido leuior feretur sursum tanta ui, quanta est gravitas c : deinde demonstratum enim est magnitudines solidas humido leuiiores, impulsas in humidum tanta ui retrahi sursum, quanto humidum habens molem magnitudini æqualem grauius est ipsa magnitudine. At humidum molem habens æqualem d , grauius est, quam d , ipsa c gravitate. Constat igitur magnitudinem a deorsum ferri tanta gravitate, quanta est c . quod demonstrare oportebat.



6. huius.

POSITIO II.

PONATUR eorum, quæ in humido sursum feruntur, vnumquodque sursum ferri secundum perpendicularem, quæ per centrum gravitatis ipsum ducitur.

COM-

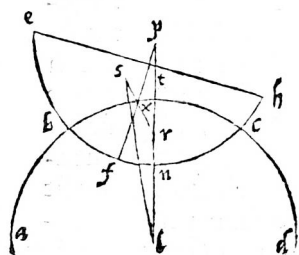
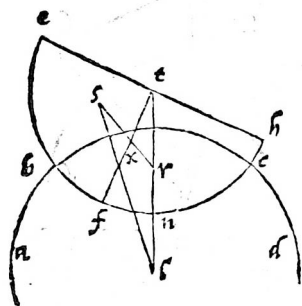
in linea ft . nam fit primum figura maior dimidia sphaeræ: fitq; in dimidia sphaera sphaeræ centrum t ; in minori por-
 tione fit centrum p ; & in maiori k : per k uero, & terræ cen-
 trum l ducatur kl secans circumferentiam e h in pun-

C Et o n. Quoniam igitur unaquæque sphaera portio axem
habet in linea, quæ à cetro sphaeræ ad eius basim perpen-
dicularis ducitur: habetq; in axe grauitatis centrum:
portionis in humido demersæ, quæ ex duabus sphaeræ
portionibus constat, axis erit in perpendiculari per k du-
cta. & idcirco centrum grauitatis ipsius erit in linea $n k$,

D quod sit r. sed totius portionis gravitatis centrum est in li

E
nea f t inter k , & f , quod sit x . reliquæ ergo figuræ, quæ est
extra humidum, centrum erit in linea rx producta ad par
tes x ; & assumpta ex ea, linea quadam, quæ ad rx eandem
proportionem habeat, quam gravitas portionis in humi
do demersæ habet ad gravitatem figuræ, quæ est extra hu
midum. Sit autem s centrum dictæ figuræ: & per s ducā

Fur perpendicularis l s. Feretur ergo grauitas figuræ quidem, quæ extra humidum per rectam s l deorsum; portio-
nis autem, quæ in humido, sursum per rectam r l. quare
non manebit figura: sed partes eius, quæ sunt ad e, deor-
sum; & quæ ad h sursum ferentur: idq; cōtinen-ter fiet, quoad
f t sit secundum perpendicularem. Eodem modo in aliis
portionibus idem demonstrabitur.]



COMMENTARIUS.

Huius propositionis demonstratio iniuria temporum desideratur, quam nos ita restitimus, ut ex figuris, quæ remanserunt Archimedes scripsisse colligi potuit: neque enim eas immutare uisum est, quæ uero ad declarationem, explicationemque addenda fuerant, in commentarijs suppleuimus, id quod etiam præstitimus in secunda propositione secundi libri.

SI aliqua magnitudo solida leuior humido.] *Ea uerba, A* leuior humido, nos addidimus, quæ in translatione non erant; quoniam de eiusmodi magnitudinibus in hac propositione agitur.

In humidum demittatur, ita ut basis portionis non tangat humidum.] *Hoc est in humidum ita demittatur, ut basis sursum spe* *B* *Etet; uertex autem deorsum. quod quidem opponitur ei, quod in sequenti dixit. In humidum demittatur, ita ut basis tota sit in humido. His enim uerbis significat portionem opposito modo in humidum demitti, ut scilicet uertex sursum; basis autem deorsum uergat. eodem dicendi modo frequenter usus est in secundo libro; in quo de portionibus conoidis rectanguli tractatur.*

Quoniã igitur unaquæq; sphaeræ portio axem habet in linea, quæ à centro sphaeræ ad eius basim perpendicularis ducitur.] *C* *Iungatur enim b c, & k l secet circumferentiam a b c d in puncto g; lineam uero rectam b c in m. & quoniam duo circuli a b c d, e f h secant se in punctis b c; recta linea, quæ ipsorum centra coniungit, uidelicet k l lineam b c bifariam, & ad angulos rectos secat: ut in commentarijs in Ptolemæi planisphaerium ostendimus. quare portionis circuli b n c diameter est m n; & portionis b g c diameter m g: nam rectæ lineæ, quæ ipsi b c æquidistantes ex utraque* *29. primi* *3. tertii.* *parte ducuntur, cum linea n g rectos angulos faciunt; & idcirco ab ipsa bifariam secantur. portionis igitur sphaeræ b n c axis est n m; & portionis b g c axis m g. ex quo sequitur, portionis in humido demersæ axem esse in linea k l; ipsam scilicet n g. & cum grauitatis centrum cuiuslibet sphaeræ portionis sit in axe; quod nos in libro*

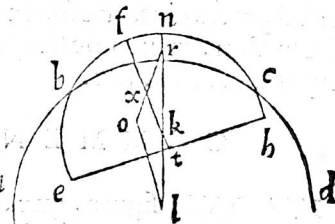
neas; neutra alteri obfistit, quo minus moveatur; idq; continenter fiat, dum portio in rectum fuerit constituta: tunc enim utrarumque magnitudinum gravitatis centra in unam, eandemq; perpendicularum conveniunt, videlicet in axem portionis: & quanto conatu, impetive ea, quæ in humido est sursum, tanto quæ extra humidum deorsum per eandem lineam contendit. quare cum altera alteram non superet, non amplius movebitur portio; sed consistet, manebitq; in eodem semper situ; nisi forte aliqua caussa extrinsecus accesserit.

PROPOSITIO IX.

QVOD si figura humido leuior in humidum demittatur, ita ut basis tota sit in humido; insidebit recta, ita ut axis ipsius secundum perpendiculararem constitutur.

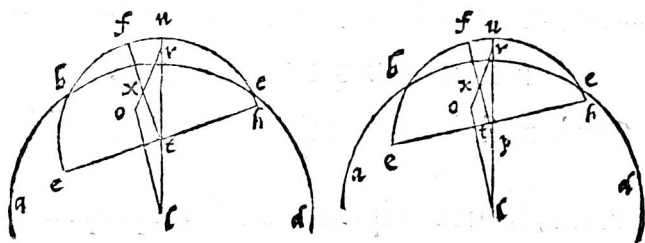
INTELLIGATUR enim magnitudo aliqua, qualis dicta est, in humidum demissa: & intelligatur planum per axem portionis, & per centrum terræ ductum: sitq; superficie quidem humidi sectio $abcd$ circumferentia; figuræ autem sectio circumferentia efh : & sit eh recta linea: & axis portionis ft . Si igitur fieri potest, non sit ft secundum perpendiculararem.

Demonstrandum est non manere figuram; sed in rectum restitui. est autem centrum sphaeræ in linea ft : rursus enim sit figura primo maior dimidia sphaera: & sphaeræ centrū in dimidia sphaera sit punctum t ; in minore portione p ; in maiori uero sit k : & per k , & terræ centrū l ducatur kl . Itaque figura quæ est A



ARCHIMEDIS

extra humidi superficiem, axem habet in perpendiculari per k : & propter ea, quæ superius dicta sunt, centrum gravitatis ipsius est in linea $n k$, quod sit r ; totius autem portionis centrum gravitatis est in linea $f t$, inter k & f , quod sit x . reliquæ ergo figuræ, eius scilicet, quæ est in humido, centrum erit in recta linea $r x$ producta ad partes x ; & al-



sumpta ex ea linea quadam; quæ ad x eandem habeat proportionem, quam gravitas portionis, quæ est extra humidum, ad gravitatem figuræ, quæ in humido. Sit autem o centrum dictæ figuræ: & per o perpendicularis ducatur $l o$. Feretur ergo gravitas portionis quidem, quæ est extra humidum, per rectam $r l$ deorsum; figuræ autem, quæ in humido, per rectam $o l$ sursum. non manet igitur figura; sed partes eius, quæ sunt ad h , deorsum ferentur; & quæ ad e sursum. atque hoc semper erit, donec $f t$ secundum perpendicularem fiat.

COMMENTARIUS.

A ITAQUE figura, quæ est extra humidi superficiem, axem habet in perpendiculari per k .]

DUCATUR enim $b c$, quæ secet lineam $n k$ in m : ipsa uero $n k$ circumferentiam $a b c d$ secet in g . eodem modo, quo supra, demonstrat

ARCHIMEDIS DE IIS QVAE VEHVNTVR IN AQVA

LIBER SECVNDVS.

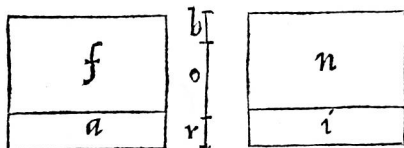
CVM COMMENTARIIS FEDERICI
COMMANDINI VRBINATIS.

PROPOSITIO I.



I magnitudo aliqua humido
leuior demittatur in humi-
dum, eam in grauitate pro-
portionem habebit ad humi-
dum æqualis molis, quã pars
magnitudinis demersa habet
ad totam magnitudinem.

DEMITTATUR enim in humidum aliqua magni-
tudo solida, quæ sit f , leuior humido: & pars quidem ip-
sius demersa sit a ; quæ autem extra humidum f . demon-
strandum est, ma-
gnitudinem f a
ad humidum æ-
qualis molis eam
in grauitate pro-
portionem habe-
re, quam habet



a ad f a . accipiatur enim aliqua humidi magnitudo n i
æqualis

æqualis magnitudini $f a$; sitq; ipsi f æqualis n : & ipsi a æqualis i . magnitudinis autem $f a$ gravitas sit b : & magnitudinis $n i$ gravitas $o r$; & ipsius i sit r . magnitudo igitur $f a$ ad $n i$ eam proportionem habet, quam gravitas b ad gravitatem $o r$. Sed quoniam magnitudo $f a$ in humidum demissa leuior est humido; patet tantam humidi molem, quanta est pars magnitudinis demersa, eandem quam magnitudo $f a$ habere gravitatem. hoc enim superius demonstratum est. At ipsi a respondet humidum i , cuius quidem gravitas est r ; & ipsius $f a$ gravitas b . ergo b gravitas eius, quod habet molem æqualem toti magnitudini $f a$, æqualis erit gravitati humidum i , uidelicet ipsi r . Et quoniam ut magnitudo $f a$ ad humidum $n i$ sibi respondens, ita est b ad $o r$: est autem b æqualis ipsi r : & ut r ad $o r$, ita i ad $n i$; & a ad $f a$. Sequitur ut $f a$ ad humidum æqualis molis eam in gravitate proportionem habeat, quam magnitudo a habet ad $f a$. quod demonstrare oportebat.

s. primū
huius.

11. quintā

PROPOSITIO II.

RECTA portio conoidis rectanguli, quando axem habuerit minorem, quam sesquialterum eius, quæ usque ad axem, quamcunque proportionem habens ad humidum in gravitate; demissa in humidum, ita ut basis ipsius humidum non contingat; & posita inelinated, non manebit inclinata; sed recta restituetur. Rectam dico consistere talem portionem, quando planum quod ipsam secuit, superficie humidum fuerit æquidistans.

SIT portio rectanguli conoidis, qualis dicta est; & ia-

A R C H I M E D I S

Suppleta
a Federi-
co Cóm.

B

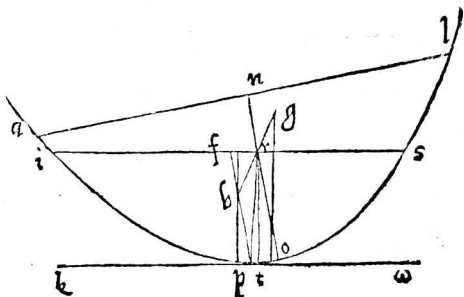
C

D

E

F

ceat inclinata. Demonstrandum est non manere ipsam; sed rectam restitui. Itaque secta ipsa plano per axem, recto ad planum, quod est in superficie humidi, portionis sectio sit a p o l rectanguli conii sectio: axis portionis, & sectionis diameter n o: superficiem autem humidi sectio sit i s. Si igitur portio non est recta; non utique erit a l ipsi i s æquidistans. quare n o cum i s non faciet angulos rectos. ducatur ergo k ω contingens sectionem conii in p [quæ ipsi i s æquidistat: & à puncto p ad i s ducatur p f æquidistans ipsi o n, quæ erit sectionis i p o s diameter, & axis portionis in humido demersæ. sumantur deinde centra gravitatum: sitq; solidæ magnitudinis a p o l gravitatis centrū r; ipsius uero i p o s centrum sit b: & iuncta b r producat ad g, quod sit centrum gravitatis reliquæ figuræ i s l a. Quoniam igitur n o ipsius quidem r o sesquialtera est; eius autē, quæ usque ad axē minor, quam sesquialtera; erit r o minor, quàm quæ usque ad axem. Quare angulus r p ω acutus erit: cum enim linea, quæ usque ad axem maior sit ipsa r o; quæ à puncto r ad k ω perpendicularis ducitur, uidelicet r t, cū linea f p extra sectionem conueniet: & propterea inter p & ω puncta cadat necesse est. Ita ꝑ; si per b g ducantur lineæ ipsi r t æquidistantes; angulos rectos cum



G

superficie humidi continebunt: & quod in humido est sursum feretur secundum perpendicularem, quæ per b ducta est, ipsi r t æquidistans: quod uero est extra humidum secundum

cundum eam, quæ per g, deorsum feretur; & non ita manebit solidum a p o l: nam quod est ad a feretur sursum; & quod ad b deorsum, donec n o secundum perpendicularem constitutur.]

C O M M E N T A R I V S.

DESIDERATUR *propositionis huius demonstratio, quam nos etiam ad Archimedis figuram apposite restituumus, commentarijs-que illustrauimus.*

Recta portio conoidis rectanguli, quando axem habuerit minorem, quàm sesquialterum eius, quæ usque ad axē] *In translatione mendose legebatur. maiorem quàm sesquialterum: & ita legebatur in sequenti propositione. est autem recta portio conoidis, quæ plano ad axem recto abscinditur: eamque rectam tunc consistere dicimus, quando planum abscindens, uidelicet basis planum, superficiiei humidi æquidistans fuerit.* A

Quæ erit sectionis i p o s diameter, & axis portionis in humido demersæ] *ex 46 primi conicorum Apollony: uel ex corollario 51 eiusdem.* B

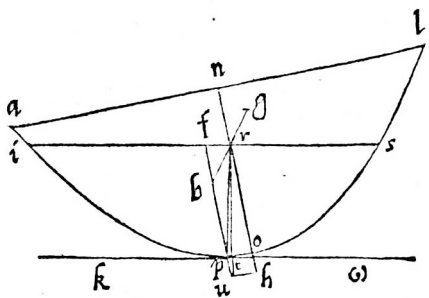
Sitque solidæ magnitudinis a p o l grauitatis centrum r, ipsius uero i p o s centrum sit b.] *Portionis enim conoidis rectanguli centrum grauitatis est in axe, quem ita diuidit, ut pars eius, quæ ad uerticem terminatur, reliquæ partis, quæ ad basim, sit dupla: quod nos in libro de centro grauitatis solidorum propositione 29 demonstrauimus. Cum igitur portionis a p o l centrum grauitatis sit r, erit or dupla r n: & propterea n o ipsius or sesquialtera. Eadem ratione b centrum grauitatis portionis i p o s est in axe p f, ita ut p b dupla sit b f.* C

Et iuncta b r producat ad g, quod sit centrum grauitatis reliquæ figuræ i s l a] *Si enim linea b r in g producta, habeat g r ad r b proportionem eam, quam conoidis portio i p o s ad reliquam figuram, quæ ex humidi superficie extat: erit punctum g ipsius grauitatis centrum, ex octaua Archimedis.* D

ARCHIMEDIS

E Erit ro minor, quàm, quæ usque ad axem] Ex decima propositione quinti libri elementorum. Linea, quæ usque ad axem apud Archimedem, est dimidia eius, iuxta quam possunt, quæ à sectione ducuntur; ut ex quarta propositione libri de conoidibus, & sphaeroidibus apparet. cur uero ita appellata sit, nos in commentarijs in eam editis tradidimus.

F Quare angulus $rp\omega$ acutus erit] producaturs linea no ad b , ut sit rb æqualis ei, quæ usque ad axem. si igitur à puncto b ducatur linea ad rectos angulos ipsi nb , conueniet cum fp extra sectionem: ducta enim per o ipsi al æquidistans, extra sectionem cadit ex decima septima primi libri conicorum. Itaque conueniat in u . & quoniam fp est æquidistans diametro; bu uero ad diametrum perpendicularis; & rb æqualis ei, quæ usque ad axem, linea à puncto r ad u ducta angulos rectos faciet cum ea, quæ sectionem in puncto p contingit, hoc est cum $k\omega$, ut mox demonstrabitur. quare perpendicularis rt inter p & ω cadet; eritque $rp\omega$ angulus acutus.



Sit rectanguli coni sectio, seu parabole abc , cuius diameter bd : atque ipsam contingat linea ef in puncto g : sumatur autem in diametro bd linea hk æqualis ei, quæ usque ad axem: & per g ducta gl , diametro æquidistante, à puncto k ad rectos angulos ipsi bd ducatur km , secans gl in m . Dico lineam $ab h$ ad m pro

m productam perpendiculararem esse ad ipsam *ef*, quam
quidem secet in *n*.

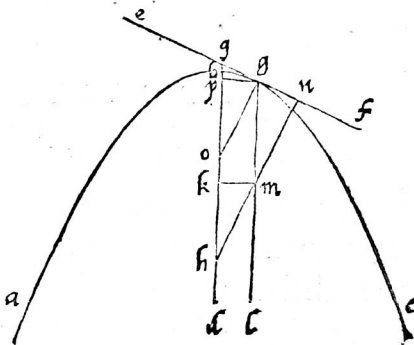
DUCATUR enim à puncto g linea go ad rectos angulos ipsi ef, diametrum in o secans: & rursus ab eodem puncto ducatur gp ad diametrum perpendicularis: secet autem ipsa diameter producta lineâ ef in q. erit pb ipsi bq æqualis, ex trigesimaquinta primi co

nicorum : & gp proportionalis iter qp, po quare quadratū gp re-
ctangulo o p q æquale
erit : sed etiā æquale est
rectangulo cōtento ipsa
pb, & linea iuxta quā
possunt, quæ à sectione
ad diametrū ordinatim
ducuntur, ex undecima
primi conicorum . ergo
quæ est proportio qt
ad pb eadem est lineæ ,
iuxta quā possunt, quæ
à sectione ducuntur ad ip-
sam po : est autem q p
dupla pb : cū sint pb ,
b q æquales , ut dictum
est . Linea igitur iuxta
quam possunt, quæ à se-
ctione ducuntur ipsi-
us po dupla erit : &
propterea po æqualis
ei, quæ usque ad axem ,

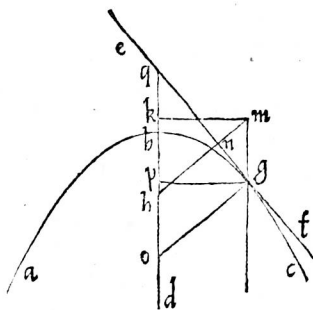
nidelicet ipsi $k h$: sed est $p g$ æqualis $k m$; & angulus $o p g$ angulo $h k m$; quòd uterque rectus. quare & $o g$ ipsi $h m$ est æqualis: & angulus $p o g$ angulo $k h m$. æquidistantes igitur sunt $o g, h n$:

cor. 8. sc-
xti.

17. sexti:



14. sexti.



32. primi
4. primi.

28

29, primi angulus $h n f$ æqualis angulo $o g f$: quòd cum sit $g o$ perpendicularis ad $e f$, & $h n$ ad eandem perpendicularis erit. quod demonstrare oportebat.

G Et quod in humido est sursum feretur secundum perpendicularem, quæ per b ducta est ipsi $r t$ æquidistans.]
Cur hoc quidem sursum, illud uero deorsum per lineam perpendicularem feratur, diximus supra in octauam primi libri huius. quare neque in hac, neque in alijs, quæ sequuntur, eadem iterare necessarium existimauimus.

PROPOSITIO III.

RECTA portio conoidis rectanguli quando axem habuerit minorem, quam sesquialterum eius, quæ usque ad axem, quamcunque proportionem habens ad humidum in grauitate; demissa in humidum, ita ut basis ipsius tota sit in humido; & posita inclinata, non manebit inclinata, sed ita restituetur, ut axis ipsius secundum perpendicularem fiat.

DEMITTATUR enim aliqua portio in humidum, qualis dicta est: sitq; ipsius basis in humido: & secta ipsa plano per axē, recto ad superficiē humidi, sit sectio $a p o l$ rectanguli coni sectio: axis portionis, & sectionis diameter $p f$: superficiēi autem humidi sectio sit $i s$. Quòd si inclinata iaceat portio, non erit axis secundum perpendicularem. ergo $p f$ cum $i s$ angulos rectos non faciet. Itaque ducatur linea quædā $k \omega$ æquidistans ipsi $i s$; contingensq; sectionē $a p o l$ in o : & solidæ quidē magnitudinis $a p o l$ sit r grauitatis centrum: ipsius autem $i p o s$ centrum sit b : iun-

ut basis ipsius humidum non contingat ; & posita inclinata, non manebit inclinata , sed recta restituetur .

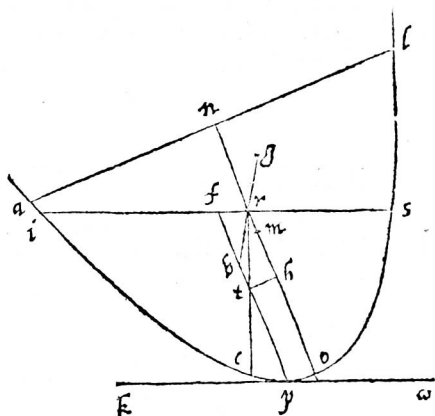
SIT portio conoidis rectanguli, qualis dicta est: & demissa in humidum, si fieri potest, non sit recta ; sed inclinata : secta autem ipsa plano per axem , recto ad superficiem humidi, portionis quidem sectio sit rectanguli conii sectio a p o l, axis portionis, & sectionis diameter n o ; & superfici ei humidi sectio sit i s . si igitur portio non est recta, nō faciet n o cum i s angulos æquales . Ducatur k ω contingens rectanguli conii sectionem in p ; æquidistanq; ipsi i s : & à puncto p ipsi o n æquidistans ducatur p f . Itaque sumantur centra gravitatum : & solidi quidem a p o l centrum sit r ; eius autem, quod intra humidum, centrum b : iunctaq; b r producatur ad g , ut g sit centrū gravitatis solidi, quod extra humidum .

Quoniam igitur n o ipsius quidem r o sesquialtera ē ; eius autē, quæ usque ad axē maior, quàm sesquialte-

10. quinti ra: patet r o maiore esse, quàm quæ

A usq; ad axē. Sit ei, quæ usque ad axē

B æqualis r h : & o h dupla ipsius h m. quod cū n o ipsius r o
12. quinti sesquialtera sit; itemq; m o ipsius o h : & reliqua n m reliquæ r h sesquialtera erit. ergo axis tanto maior est, quàm
sesqui-



sesquialter eius, quæ usque ad axem, quanta est linea mo .
 Ponebatur autem portio ad humidum æqualis molis non
 minorem in gravitate proportionem habere, quam qua-
 dratum, quod fit ab excessu, quo axis est maior, quam ses-
 quialter eius, quæ usque ad axem, ad quadratum, quod ab
 axe. quare constat portionem ad humidum in gravitate
 non minorem proportionem habere, quàm quadratum li-
 neæ mo ad quadratum ipsius no . Sed quam proportio-
 nem habet portio ad humidum in gravitate, eandem por-
 tio ipsius demersa habet ad totam portionem: hoc enim C
 supra demonstratum est: & quam proportionem habet de D
 mersa portio ad totam, eam quadratum pf habet ad no
 quadratum: cum demonstratum sit in iis, quæ de conoidi-
 bus, & sphæroidibus, si à rectangulo conoide duæ portio-
 nes planis quomocunque ductis abscindantur, portio-
 nes inter se eandem habere proportionem, quàm quadra-
 ta, quæ ab ipsorum axibus constituuntur. non minorem
 ergo proportionē habet quadratum pf ad quadratū no ,
 quàm quadratum mo ad idem no quadratum. quare E
 pf non est minor ipsa mo ; nec $b p$ item minor ho . Si F
 igitur ab h ducatur linea ad rectos angulos ipsi no , coi- G
 bit cum $b p$, atque inter b , & p cadet. coeat in t . & quo H
 niam pf quidem æquidistans est diametro, ht autem ad
 diametrum perpendicularis; & rh æqualis ei, quæ usque
 ad axem: ducta linea ab r ad t & producta angulos rectos
 faciet cum linea sectionem in puncto p contingente. qua-
 re & cum is , & cum humidi superficie, quæ per is tran-
 sit. Itaque si per bg puncta lineæ ipsi $r t$ æquidistantes du-
 cantur, angulos rectos facient cum superficie humidi: &
 quod quidem in humido est solidum conoidis feretur sur-
 sum secundum eam, quæ per b ducta fuerit ipsi $r t$ æquidi-
 stans: quod autem extra humidum, secundum eam, quæ
 per g deorsum feretur. atque hoc tandiu fiet, quoad co-
 noides rectum constituatur.

C O M M E N T A R I V S.

- G Si igitur ab h
ducatur linea ad
rectos angulos ip
si n o, coibit cum
b p , atque inter
b & p cadet.]
*Corruptus erat hic
locus in translatio-
ne. Illud uero ita de-
monstrabitur. Quo-
niam p f non est mi-
nor o m, nec p b ip-
sa h o; si ponatur p f
equalis o m; & p b,
ipsi h o equalis erit.*



quare

quare per o ducta ipsi al æquidistans cadet extra sectionem ex 17. primi conicorum: & cum bp producta coibit infra p. ergo & perpendicularis ducta per b cum eadem infra b coibit, atque inter b & p necessario cadet. multo autem magis illud idem sequetur, si ponamus pf ipsa om maiorem esse.

Et quoniam pf quidem æquidistans est diametro, h t autem ad diametrum perpendicularis; & rh æqualis ei, quæ usque ad axem, ducta linea ab r ad e, & producta angulos rectos facere cum linea sectionem in p contingente.] H
 Hoc superius à nobis demonstratum est in secundam huius.

PROPOSITIO V.

RECTA portio conoidis rectanguli, quando leuior humido axem habuerit maiorem, quàm sesquialterum eius, quæ usque ad axem; si ad humidum in grauitate non maiorem proportionẽ habeat, quàm excessus, quo quadratum quod fit ab axe maius est quadrato, quod ab excessu, quo axis maior est, quàm sesquialter eius, quæ usque ad axem, ad quadratum, quod ab axe: demissa in humidum, ita ut basis ipsius tota sit in humido; & posita inclinata non manebit inclinata, sed restituetur ita, ut axis ipsius secundum perpendicularem fiat.

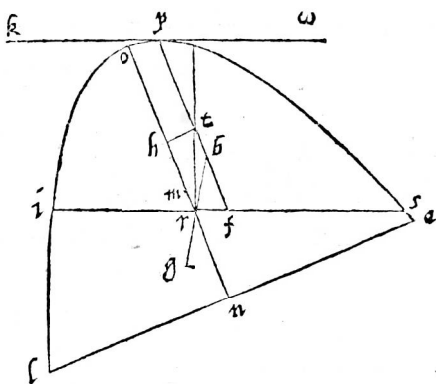
DEMITTATUR enim in humidum portio aliqua, qualis dicta est: & sit basis ipsius tota in humido. Secta autem ipsa plano per axem, recto ad superficiem humidi, erit sectio rectanguli coni sectio, quæ sit a p o l: axis portionis,

ARCHIMEDIS

& sectionis diameter no : superficiei autem humidi sectio sit is . Quoniam igitur axis non est secundum perpendicularem; ipsa no cum is non faciet angulos æquales. Ducatur $k\omega$ contingens sectionem $apol$ in p ; atque ipsi is æquidistans: per p autem ducatur pf æquidistans ipsi no : & sumantur grauitatum centra: sitq; ipsius $apol$ solidi centrum r ; eius quod extra humidum sit b : & iuncta br producat ad g ,

quod sit centrum grauitatis solidi i humido demersi:

sumatur præterea rh æqualis ei, quæ usque ad axē: oh autem dupla ipsius hm ; & alia fiāt, sicuti superius dictum est. Itaque cum portio ad humidum in grauitate non maiorem proportionem habere ponatur, quā



excessus, quo quadratum no excedit quadratum mo , ad ipsum no quadratum: & quam proportionem in grauitate portio habet ad humidum æqualis molis, eandem habeat magnitudo portionis demersa ad totam portionem, quod demonstratum est in prima propositione: magnitudo demersa non maiorem proportionem habebit ad totam portionem, quā sit dicta illa propor-

11. quin-
ti.

- A portio. quare non maiorem proportionem habet tota portio ad eam quæ est extra humidum, quā quadratum no ad quadratum mo . habet autem tota portio ad eam, quæ extra humidum proportionem eandem, quam quadratum

dratum n o ad quadratum p f. quadratum igitur n o ad quadratum p f non maiorem proportionem habet, quàm ad quadratum m o. ex quo efficitur, ut p f non sit minor ipsa o m; neque p b ipsa o h. quæ ergo ab h ducitur ad rectos angulos ipsi n o, coibit cum b p inter p & b. coeat in t. & quoniam in rectanguli confectione p f est æquidistans diametro n o; h t autem ad diametrum perpendicularis: & r h æqualis ei, quæ usque ad axem: constat r t productam facere angulos rectos cum ipsa k p o. quare & cum i s. ergo r t perpendicularis est ad superficiem humidi. et si per b g puncta ducantur æquidistantes ipsi r t, ad superficiem humidi perpendiculares erunt. portio igitur, quæ est extra humidum, deorsum in humidum feretur secundum perpendicularem per b ductam; quæ uero intra humidum secundum perpendicularem per g sursum feretur: & non manebit solida portio a p o l, sed intra humidum mouebitur, donec utique ipsa n o secundum perpendicularem fiat.

C O M M E N T A R I V S.

Quare non maiorem proportionem habet tota portio ad eam, quæ est extra humidum, quàm quadratum n o ad quadratum m o] Cum enim magnitudo portionis in humidum demersa ad totam portionem non maiorem proportionem habeat, quàm excessus, quo quadratum n o excedit quadratum m o, ad ipsum n o quadratum: conuertendo per uigesimam sextam quinti elementorum ex traditione Campani, tota portio ad magnitudinem demersam non minorem proportionem habebit, quàm quadratum n o ad excessum, quo ipsum quadratum n o excedit quadratum m o. In teligatur portio, quæ extra humidum, magnitudo prima: quæ in humido demersa est, secunda: tertia autem magnitudo sit quadratum m o: & excessus, quo quadratum n o excedit quadratum m o sit quarta. ex his igitur magnitudinibus, primæ & secundæ ad secun-

dam non minor est proportio, quam tertia & quarta ad quartam; est enim quadratum mo una cum excessu, quo quadratum no excedit quadratum mo aequale ipsi no quadrato. quare per conuersionem rationis ex 30 eiusdem, prima & secunda ad primam non maior proportio erit, quam tertia & quarta ad tertiam: & idcirco tota portio ad portionem eam, quæ est extra humidum non maiorem proportionem habebit, quam quadratum no ad quadratum mo , quod demonstrandum proponebatur.

B Habet autem tota portio ad eam, quæ extra humidum proportionem eandem, quam quadratum no ad quadratum $p f$.] *Ex uigesima sexta libri de conoidibus, & spheroidibus.*

C Ex quo efficitur, ut $p f$ non sit minor ipsa om ; neque $p b$ ipsa oh .] *Sequitur illud ex decima & decima quarta quinti, & ex uigesima secunda sexti elementorum, ut superius dictum est.*

D Quæ ergo ab h ducitur ad rectos angulos ipsi no coabit cum $p b$ inter p & b .] *Cur hoc ita contingat, nos proxime explicauimus.*

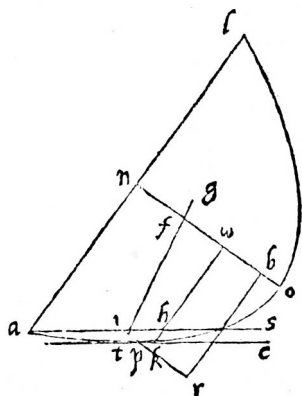
PROPOSITIO VI.

RECTA portio conoidis rectanguli, quando leuior humido axem habuerit maiorem quidem quam sesquialterum eius, quæ usque ad axem, minorem nero, quam ut ad eam, quæ usque ad axem proportionem habeat, quam quindecim ad quatuor; in humidum demissa adeo, ut basis ipsius contingat humidum, nunquam consistet inclinata ita, ut basis in uno puncto humidum contingat.

Sit

A R C H I M E D I S

pla est, aut minor, quàm dupla. Sit autem p t dupla t i. erit centrum gravitatis eius, quod est in humido, punctum t. Itaque iuncta t f producat; sitq; eius, quod extra humidum gravitatis centrum g: & à puncto b ad rectos angulos ipsi n o ducatur b r. Quòd cum p i quidem sit æquidistans diametro n o: b r autem ad diametrum perpendicularis. & f b æqualis ei, quæ usque ad axem: perspicuum est f r productam æquales facere angulos cum ea, quæ sectionem a p o l in puncto p contingit. quare & cum a s: & cum superficie humidi. lineæ autem ductæ per t g æquidistantes ipsi f r, erunt & ad humidæ superficiem perpendiculares: & solidi a p o l magnitudo, quæ intra humidum sursum feretur secundum perpendicularem per t ductam; quæ uero extra humidum secundum eam, quæ per g deorsum feretur. reuoluetur ergo solidum a p o l: & basis ipsius nullo modo humidæ superficiem continget. At si p i lineam k o non fecet, ut in secunda figura; manifestum est punctum t, quod est centrum gravitatis demersæ portionis, cadere inter p & i: & reliqua similiter demonstrabuntur.



C O M M E N T A R I V S.

- A Demonstrandum est non manere ipsam portionem, sed reuolui ita, ut basis nullo modo superficiem humidæ contingat.] *Hæc nos addidimus tanquam ab interprete omissa.*
Itaque

Itaque quoniam $n o$ ad $f \omega$ maiorem habet proportionem, quam ad eam, quæ usque ad axem.] Habet enim diameter portionis $n o$ ad $f \omega$ proportionem eandem, quam quindecim ad quatuor; ad eam uero, quæ usque ad axem minorem proportionem habere ponitur, quàm quindecim ad quatuor. quare $n o$ ad $f \omega$ maiorem habebit proportionem, quàm ad eam, quæ usque ad axem: & propterea quæ usque ad axem ipsa $f \omega$ maior erit. B
to. quinti

Quoniam ergo in portione $a p o l$, quæ continetur recta linea, & rectanguli coni sectione, $k \omega$ quidem æquidistans est ipsi $a l$; $p i$ uero diametro æquidistat; secaturq; ab ipsa $k \omega$ in h : & $a c$ æquidistat contingenti in p : necessarium est ipsam $p i$ ad $p h$ uel eandem proportionem habere, quam habet $n \omega$ ad ωo , uel maiorem. hoc enim iam demonstratum est] Vbi hoc demonstratum sit uel ab ipso Archimede, uel ab alio, numdum apparet, quocirca nos demonstrationem afferemus, posteaquam non nulla, quæ ad eam pertinent explicauerimus.

L E M M A I.

Sint lineæ $a b$, $a c$ angulum $b a c$ continentés: & à puncto d , quod in linea $a c$ sumptum sit, ducantur $d e$, $d f$ utcunque ad ipsam $a b$. Sumptis uero in eadem linea quotlibet punctis $g l$, ducantur $g h$, $l m$ ipsi $d e$ æquidistantes; & $g k$, $l n$ æquidistantes $f d$. deinde à punctis d, g usque ad lineam $m l$ ducantur, $d o p$ qui dem secans $g h$ in o ; & $g q$, quæ æquidistant ipsi $b a$. Dico lineas, quæ inter æquidistantes ipsi $f d$ ad eas, quæ inter æquidistantes $d e$ intericiuntur, uidelicet $k n$ ad $g q$, uel ad $o p$; $f k$ ad $d o$; & $f n$ ad $d p$ eandem inter se se proportionem habere: nempe eam, quæ habet $a f$ ad $a e$.

ARCHIMEDIS

4. sexti.

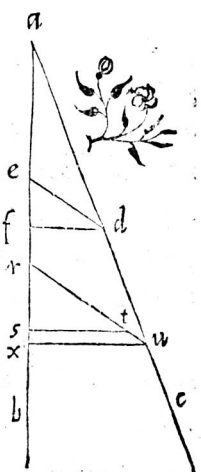
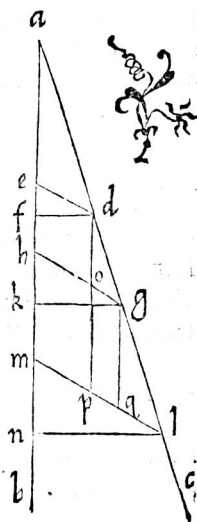
19. quinti

Quoniam enim triangu-
la afd , akg , anl si-
milia sunt; itemq; similia efd , hkg , mnl :
erit ut af ad fd , ita ak ad kg ; ut autem fd
ad fe , ita kg ad kh . quare ex æquali ut a f
ad fe , ita ak ad kh : & per conuersionem ra-
tionis ut af ad ae , ita ak ad ah . eodem
modo ostendetur, ut af ad ae , ita an ad am .
cum igitur an ad am sit, ut ak ad ah ; erit
reliqua kn ad reliquam hm , hoc est ad gq ,
uel op , ut an ad am ; hoc est ut a f ad a e .
rursus ak ad a h est, ut a f ad a e . er-
go reliqua fk ad eh reliquam, uidelicet
ad do , ut a f ad a e . Similiter demonstrabi-
mus ita esse fn ad dp . quod quidem demonstra-
re oportebat.

LEMMA II.

Sint in eadem linea ab puncta
duo r s ita disposita, ut a s ad a r
eandem proportionem habeat, quam
 a f ad a e : & per r ducatur rt ipsi
 ed æquidistans; per s uero ducatur
 st æquidistans fd , ita ut cum rt in
 t puncto conueniat. Dico punctum t
cadere in lineam ac .

Si enim fieri potest, cadat citra: & produca-
tur rt usque ad ipsam ac in u . deinde per u
ducatur ux ipsi fd æquidistans. Itaque ex
ijs, quæ proxime demonstrauimus ax ad a r



cam

eam proportionem habebit, quam af ad ae . Sed & eandem habet as ad ar . quare as ipsi ax est aequalis, pars toti, quod fieri non potest. Idem absurdum sequetur, si ponamus punctum t cadere ultra lineam ac . necessarium igitur est, ut in ipsam ac cadat. quod demonstrandum proposuimus.

9. quinti

L E M M A I I I.

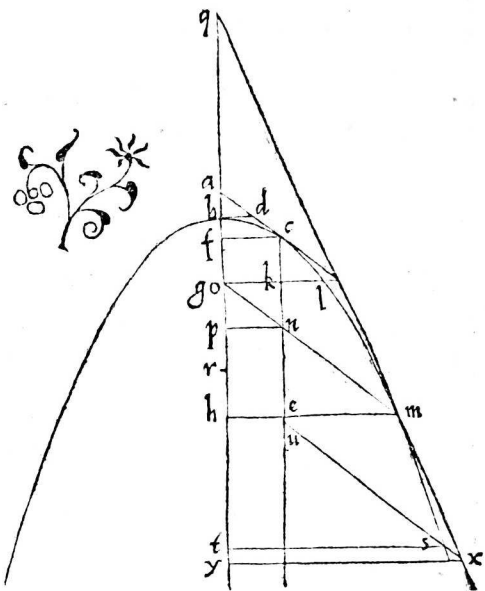
Sit parabole, cuius diameter ab : atque eam cōtingentes rectę lineę ac , bd ; ac quidem in puncto c , bd vero in b : & per c ductis duabus lineis; quarum altera ce diametro æquidistet, altera cf æquidistet ipsi bd : sumatur quod uis punctum g in diametro: fiatq; ut fb , ad bg , ita bg ad bh : & per g h ducantur gkl , hem , æquidistantes bd : per m uero ducatur mno ipsi ac æquidistans, quę diametrum secet in o : & per n ducta np usque ad diametrum, ipsi bd æquidistet. Dico ho ipsius gb duplam esse.

VEL igitur linea mno secat diametrum in g , uel in alijs punctis: & si quidem secat in g , unum atque idem punctum duabus literis go notabitur. Itaque quoniam fc , pn , hem sibi ipsis æquidistant: & ipsi ac æquidistat mno : fient triangula afc , opn , ohm inter se similia. quare erit oh ad hm , ut af ad fc : & permutando oh ad af , ut hm ad fc . est autem quadratum hm ad quadratum gl , ut linea hb ad lineam bg , ex uigesimo primi libri conicorum: & quadratum gl ad quadratum fc , ut linea gb ad ipsam bf : suntq; hb , bg , bf lineę deinceps proportionales. ergo & quadrata hm , gl , fc , & ipsorum latera proportionalia erunt. atque idcirco ut quadratum hm ad quadratum gl , ita li-

4. sexti.

22. sexti.
cor. 20. sexti.

nea $h m$ ad lineam $f c$. at uero ut $h m$ ad $f c$, ita $o h$ ad $a f$: & ut quadratum $h m$ ad quadratum $g l$, ita linea $h b$ ad $b g$; hoc est $b g$ ad $b f$. ex quibus sequitur $o h$ ad $a f$ ita esse, ut $b g$ ad $b f$: & permittendo $o h$ ad $b g$, ut $a f$ ad $f b$. sed est $a f$ dupla ipsius $f b$: sunt enim $a b$, $b f$ æquales ex 35 primi libris conicorum. ergo & $h o$ ipsius $g b$ est dupla. quod demonstrare oportebat.

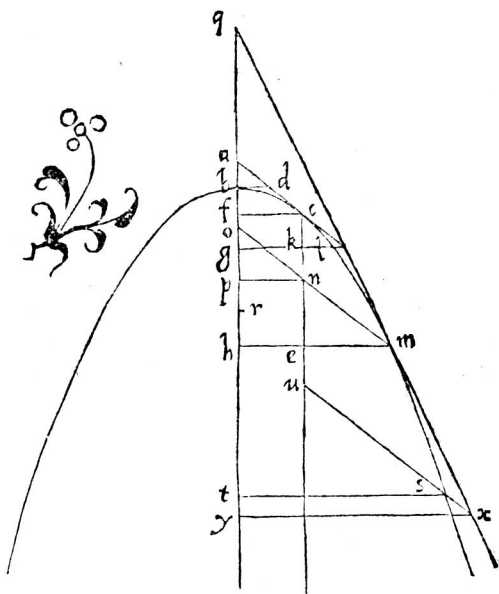


LEMMA IIII.

Iisdem manentibus, & à puncto m ducta $m q$ usque ad diametrum, quæ sectionem in puncto m contingat; Dico $h q$ ad $q o$ eandem proportionem habere, quam habet $h b$ ad $c n$.

FIAT enim $h r$ æqualis $g f$. & cum triangula $a f c$, $o p n$ similia sint, & $p n$ sit æqualis $f c$; eodem modo demonstrabimus $p o$, $f a$ inter se æquales esse. quare $p o$ ipsius $f b$ dupla erit. Sed est $h o$ dupla $g b$. ergo & reliqua $p b$ reliquæ $f g$; uidelicet ipsius $r h$ est dupla

pla. ex quo fit ut pr, rh, fg inter se sint æquales; itémq; æquales rg, pf . est enim pg utrique rp, gf communis. Quoniam igitur hb ad bg est, ut gb ad bf ; per conuersionem rationis erit bh ad hg , ut bg ad gf . est autem qh ad hb , ut ho ad gb . nam ex 35 primi libri conicorum, cum linea qm contingat sectionem in puncto m ; erunt hb, bq æquales; & gh ipsius hb dupla. ergo ex æquali qh ad hg , ut ho ad gf ; hoc est ad hr : & per mutando qh ad ho , ut gh ad hr .



rursus per conuersionem rationis hq ad qo , ut hg ad gr ; hoc est pf : & propterea ad ipsam cn , quod demonstrandum fuerat.

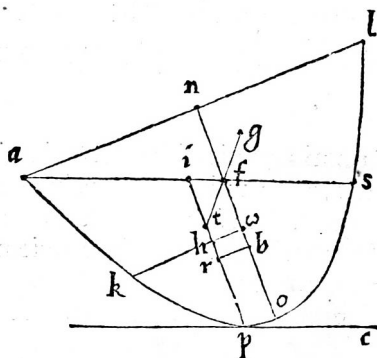
His igitur explicatis, iam ad id, quod propositum fuerat, accedamus. Itaque dico primum nc ad ck eandem proportionem habere, quam hg ad gb .

Quoniam enim hq ad qo est, ut hg ad cn , hoc est ad ao ipsi cn æqualem; erit reliqua gq ad reliquam qa , ut hq ad qo : & ob eam causam linea ac gl productæ ex ijs, quæ supra demonstrauimus in linea qm conueniunt. Rursus gq ad qa est, ut hg ad

Prodacatur enim us ad lineam qm in x : & à puncto x ducatur ad diametrum xy ipsi bd æquidistans. erit gt minor quàm gy , quoniam us minor est quàm ux : & ex primo lemmate $y g$ ad uc erit, ut hg ad nc ; uidelicet ut gb ad ck , quod proxime demonstrauimus: & permutando yg ad gb , ut uc ad ck . Sed $t g$ cum sit ipsa yg minor, habet ad gb proportionem minorem, quàm yg ad eandem. ergo uc ad ck maiorem proportionem habet, quàm $t g$ ad gb . quod demonstrasse oportuit. Itaque positione data $g K$ unum duntaxat erit in sectione punctum, uidelicet m , à quo ductis duabus lineis meh , mno , habeat nc ad ck proportionem eandem, quàm hg ad gb . nam si ab alijs omnibus ducantur, semper ea, quæ inter ac , & lineam ipsi æquidistantem interijcitur, ad ck proportionem maiorem habebit, quàm quæ inter $g K$ atque ei æquidistantem, ad ipsam gb . Constat igitur id, quod ab Archimede dictum est; nempe lineam pi ad ph uel eandem, quàm $n \omega$ ad ωo , uel maiorem habere proportionem.

Quare ph ipsius hi aut dupla est, aut minor quàm du

pla.] Si quidè minor, quàm dupla, sit pt dupla ti . erit centrum grauitatis eius, quod in humido est, punctum t . si uero ph sit ipsius hi dupla, erit h grauitatis centrum: ductâq; hf , & producta ad centrum eius,



quod est extra humidum, uidelicet ad g , alia similiter demonstrabuntur. atque idem intelligendum est in propositione, quæ sequitur.

Reuoluetur ergo solidum $ap o l$, & basis ipsius nullo

ARCHIMEDIS

modo humidi superficiem continget.] In translatione legebatur ut basis ipsius non tangat superficiem humidi secundum unum signum. nos autem ita uertere malimus, & hic & in ijs, quæ sequuntur, quoniam græci οὐδὲ ἐς, οὐδὲ ἐν, pro οὐδὲς, & οὐδὲν frequenter utuntur. ut οὐδὲ ἐστὶν οὐδὲς, nullus est: οὐδὲ ἕψ' ἐνός, à nullo & alia eiusmodi.

PROPOSITIO VII.

RECTA portio conoidis rectanguli, quando leuior humido axem habuerit maiorem quidem quàm sesquialterum eius, quæ usque ad axem; minorem uero, quàm ut ad eam, quæ usque ad axem proportionem habeat, quam quindecim ad quatuor: in humidum demissa, adeo ut basis ipsius tota sit in humido; nunquam consistet ita, ut basis contingat humidi superficiem: sed ut tota in humido sit, & nullo modo eius superficiem contingat.

SIT portio qualis dicta est: & demittatur in humidū, ut diximus, adeo ut basis ipsius in uno puncto contingat humidi superficiem. Demonstrandum est non manere ipsam: sed reuolui ita ut basis superficiem humidi nullo modo contingat. Secta enim ipsa plano per axem, recto ad superficiem humidi, sectio sit a p o l rectanguli coni sectio: superficiem humidi sectio sit s l: axis portionis, & sectionis diameter p f: seceturq; p f in r quidem ita ut r p sit dupla ipsius r f; in ω autem ut p f ad r ω proportionem habeat, quam quindecim ad quatuor: & ω k ipsi p f ad rectos angulos ducatur erit r ω minor, quàm quæ usque ad axem. Itaque accipiatur ei, quæ usque ad axem æqualis r h: & c o

tur ex parte l. Quod si n o non secuerit ipsam wk ,
eadem nihilominus demonstrabuntur.

PROPOSITIO VIII.

RECTA portio conoidis rectanguli, quando
axem habuerit maiorem quidem, quàm sesqui-
alterum eius, quæ usque ad axem; minorem ue-
ro, quàm ut ad eam, quæ usque ad axem propor-
tionem habeat, quam quindecim ad quatuor: si
in grauitate ad humidum habeat proportionem
minorem ea, quam quadratum, quod fit ab exces-
su, quo axis maior est, quàm sesquialter eius, quæ
usque ad axem, habet ad quadratum, quod ab
axe: demissa in humidum, ita ut basis ipsius humi-
dum non contingat; neque in rectum restitue-
tur, neque manebit inclinata, nisi quando axis
cum superficie humidi angulum fecerit æqualē
ei, de quo infra dicitur.

SIT portio qualis dicta est; sitque bd æqualis axi: &
 bk quidem dupla ipsius Kd : rK uero æqualis ei, quæ us-
que ad axem: & sit cb sesquialtera br . erit & cd ipsius
A kr sesquialtera. Quam uero portionem habet portio ad
humidum in grauitate, habeat quadratum $f q$ ad quadra-
tum db : & sit f dupla ipsius q . perspicuum igitur est $f q$
ad db proportionem minorem habere ea, quam habet
 cb ad bd . est enim cb excessus, quo axis maior est, quàm
B sesquialter eius, quæ usque ad axem: quare $f q$ minor est
ipsa

13. quīn-
ti.

H

K

L

M

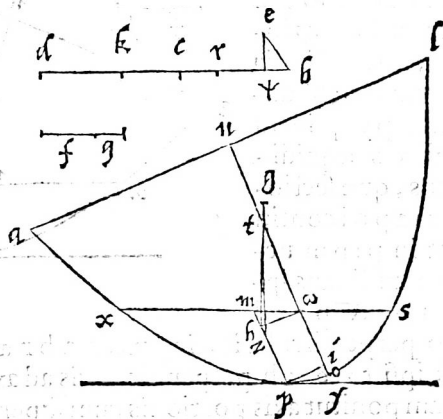
te

er

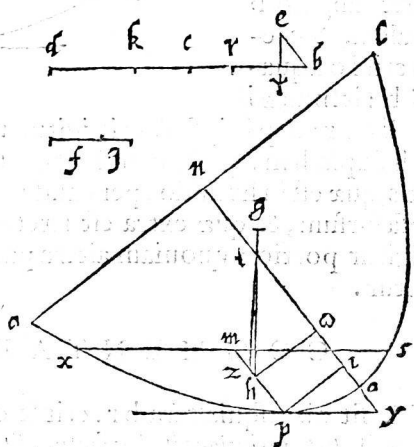
| tr | |

ei

N



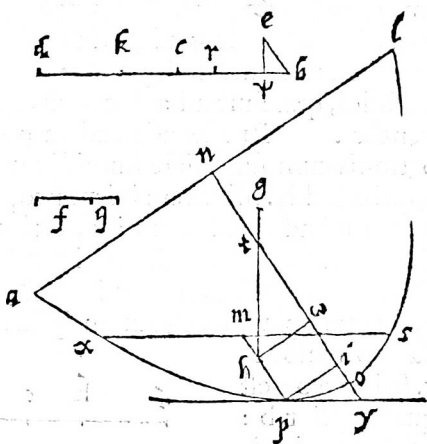
humidum secundum perpendicularem, quæ per z ad humidi superficiem ducta fuerit: quæ autem est extra humidum secundum eam, quæ per g intra humidum feretur. nō ergo manebit portio sic inclinata, ut ponitur: sed neque restituetur recta: quoniam perpendicularem per z g ductarum, quæ quidem per z ducitur ad eas partes cadit, in quibus est l; & quæ per g ad eas, in quibus est a. quare sequitur centrum z sursum ferri: & g deorsum. ergo partes totius solidi, quæ sunt ad a deorsum, quæ uero ad l sursum ferentur. Rursus alia eadem ponantur: axis autem portionis cum superficie humidi angulum faciat minorem eo, qui est ad b. minorem igitur proportionem habet quadratum p i ad quadratum i y, quam quadratum e d ad d b quadratum: quare k r ad i y minorem proportionem habet, quam dimidium k r ad d b: & propterea i y maior est, quam dupla d b. est autem ipsius o i dupla. ergo o i ipsa d b maior erit. sed tota o ω est æqualis ipsi r b: & reliqua ω i minor quam d r. quare & p h minor erit, quam f. Quod cum m. p ipsi f q sit æqualis, constat p m maiorem esse, quam sesquialterā ipsius p h: & p h minorem, quam duplam h m. Sit p z ipsius z m dupla. Rursus totius quidem solidi centrum grauitatis erit pūctum t; eius uero partis, quæ intra humidum z: & iuncta z t inuenia-



ARCHIMEDIS

[illegible]

Et quoniam cū antea posuissē^o facere angulū maiorem angulo b, portio neque tūc cōsistebat; perspicuū est ipsam consistere, si angulum fecerit angulo b æqualem. Sic enim erit i o æqualis $\perp b$: itemq; ωi æqualis $\perp r$: & p h ipsi f. erit igitur m p sesquialtera p h; & p h dupla h m. quare cum h sit centrum gravitatis eius partis, quæ est in humido, per eandem perpendicularem, & ipsa sursum, & quæ extra est feretur deorsum. manebit igitur portio; quoniam altera pars ab altera non repellētur.



COMMENTARIUS.

A ET fit cb sesquialtera br. erit & cd ipsius kr sesqui-
altera.] In translatione ita legebatur. fit autem & cb quidem
hemioia ipsius br : cd autem ipsius Kr. Sed nos quod postremo
loco legitur, idcirco corrigendum duximus, quoniam illud non po-
nitur ita esse, sed ex ijs, quæ posita sunt, necessario colligitur. si enim
b k

b \downarrow dupla sit \downarrow *d*, erit *d* *b* ipsius *b* \downarrow sesquialtera. & quoniam *e* *b* sesquialtera est *b* *r*, sequitur reliquam *c* *d* ipsius \downarrow *r*, hoc est eius, quæ usque ad axem sesquialteram esse. quare *b* *c* erit excessus, quo axis maior est, quàm sesquialter eius, quæ usque ad axem.

12. quinti

Quare *f* *q* minor est ipsa *b* *c*.] Nam cum portio ad humidum in granitate proportionem habeat eandem, quàm quadratum *f* *q* ad quadratum *d* *b*: habeatq; minorem proportionem, quàm quadratum factum ab excessu, quo axis maior est, quàm sesquialter eius, quæ usque ad axem, ad quadratum ab *axc*; hoc est minorem, quàm quadratum *c* *b* ad quadratum *b* *d*: ponitur enim linea *b* *d* æqualis axi: quadratum *f* *q* ad quadratum *d* *b* proportionem minorem habebit, quàm quadratum *c* *b* ad idem *b* *d* quadratum. ergo quadratum *f* *q* minus erit quadrato *c* *b*: & propterea linea *f* *q* ipsa *b* *c* minor.

B

8. quinti.

Et idcirco *f* minor ipsa *b* *r*.] Quoniam enim *c* *b* sesquialtera est *b* *r*, & *f* *q* ipsius *f* sesquialtera: estq; *f* *q* minor *b* *c*; & *f* ipsa *b* *r* minor erit.

C

14. quinti.

Itaque quoniam ponitur axis portionis cum superficie humidi facere angulum maiorem angulo *b*: erit angulus *p* *y* *i* angulo *b* maior.] Nam cum linea *p* *y* superficiem humidi æquidistet; uidelicet ipsi *x* *s*: angulus *p* *y* *i* æqualis erit angulo, qui diametro portionis *n* *o*, & linea *x* *s* continetur. quare & angulo *b* maior erit.

D

29. primi

Maiorem igitur proportionem habet quadratum *p* *i* ad quadratum *i* *y*, quàm quadratum *e* \downarrow ad \downarrow *b* quadratū.] Describantur seorsum triangula *p* *i* *y*, & \downarrow *b*. & cum angulus *p* *y* *i* maior sit angulo *e* \downarrow *b*, ad lineam *i* *y*, atque ad punctum *y* in ea datum fiat angulus *u* *y* *i* æqualis angulo *e* \downarrow *b*. est autem angulus ad *i* rectus æqualis recto ad \downarrow . reliquus igitur *y* *u* *i* reliquo *b* *c* \downarrow est æqualis. quare linea *u* *i* ad lineam *i* *y* eandem proportionem habet, quàm linea *e* \downarrow ad \downarrow *b*. Sed linea *p* *i*, quæ maior est ipsa *u* *i* ad lineam *i* *n* maiorem habet proportionem quàm *u* *i* ad eandem. ergo *p* *i* ad *i* *y* maiorem proportionem habebit, quàm *e* \downarrow ad \downarrow *b*: & propterea quadratum *p* *i* ad quadratum *i* *y* maiorem habebit, quàm

E

4. sexti.

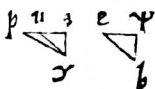
8. quinti:

13. quinti.

G

Quadratum $e\downarrow$ ad quadratum $\downarrow b$.

F Sed quam proportionem habet quadratum $p i$ ad quadratum $i y$, eandem linea $k r$ habet ad lineam $i y$.] Est enim ex undecima primi conicorum quadratum $p i$ æquale



le rectangulo contento linea $i o$, & ea, iuxta quam possunt quæ d sectione ad diametrum ducuntur, videlicet dupla ipsius $k r$. atque est $i y$ dupla $i o$, ex trigesimalertia eiusdem: quare ex decimasexta sexti elementorum, rectangulum, quod fit ex $k r$, & $i y$ æquale est rectangulo contento linea $i o$ & ea, iuxta quam possunt: hoc est quadrato $p i$. Sed ut rectangulum ex $k r$, & $i y$ ad quadratum $i y$, ita linea $k r$ ad ipsam $i y$. ergo linea $k r$ ad $i y$ eandem proportionem habebit, quam rectangulum ex $k r$ & $i y$, hoc est quadratum $p i$ ad quadratum $i y$.

lem. 22.
decimi.

G Et quam proportionem habet quadratū $e\downarrow$ ad quadratum $\downarrow b$, eandem habet dimidium lineæ $K r$ ad lineā $\downarrow b$.]

Nam cum quadratum $e\downarrow$ positum sit æquale dimidio rectanguli contenti linea $k r$, & $\downarrow b$; hoc est ei, quod dimidia ipsius $k r$ & linea $\downarrow b$ continetur: & ut rectangulum ex dimidia $k r$, & $\downarrow b$ ad quadratum $\downarrow b$, ita sit dimidia $k r$ ad lineam $\downarrow b$: habebit dimidia $k r$ ad $\downarrow b$ proportionem eandem, quam quadratum $e\downarrow$ ad quadratum $\downarrow b$.

lem. 22.
decimi

H Et idcirco $i y$ minor est, quàm dupla $\downarrow b$.] Quam enim proportionem habet dimidium $k r$ ad $\downarrow b$, habeat $k r$ ad aliam lineam. erit ea maior, quàm $i y$; nempe ad quam $k r$ minorem proportionem habet: atque erit dupla $\downarrow b$. ergo $i y$ minor est, quàm dupla $\downarrow b$.

10. quinti

K Et $i \omega$ maior, quàm $\downarrow r$.] Cum enim $o \omega$ posita sit æqualis $b r$ si ex $b r$ dematur $\downarrow b$, & ex $o \omega$ dematur $o i$, quæ minor est $\downarrow b$: erit reliqua $i \omega$ maior reliqua $\downarrow r$.

L Atque ideo $f q$ æqualis est ipsi $p m$.] Ex decimaquarta quinti elementorum, nam linea $o n$ ipsi $b d$ est æqualis.

M Demonstrata est autem $p h$ maior, quàm f .] Etenim demonstrata est $i \omega$ maior, quàm f ; atque est $p h$ æqualis ipsi $i \omega$.

N Eodem modo demonstrabitur $t h$ perpendicularis ad humidi

humidi superficiem.] *Est enim $t\omega$ æqualis kr , hoc est ei, quæ usque ad axem. quare ex ijs , quæ superius demonstrata sunt, linea th ducta crit ad humidi superficiem perpendicularis.*

Minorem igitur proportionem habet quadratum pi O
ad quadratum iy , quàm quadratum $e\downarrow$ ad $\downarrow b$ quadratū]
Hæc & alia, quæ sequuntur, tum in hac, tum in sequenti propositione non alio, quàm quo supra modo demonstrabimus.

Itaque per zg ductis perpendicularibus ad humidi su- P
perficiem, quæ ipsi th æquidistant; sequitur portionem ipsam non manere, sed reuolui adeo, ut axis cum superficie humidi angulum faciat maiorem eo, quem nunc facit.]
Nam cum perpendicularis, quæ per g , ducitur ad eas partes cadat, in quibus est l ; quæ autem per z ad eas in quibus a : necessarium est centrum g deorsum ferri, & z sursum. quare partes solidi, quæ sunt ad l deorsum; quæ uero ad a sursum ferentur, ut axis cum superficie humidi maiorem angulum contineat.

Sic enim erit io æqualis $\downarrow b$, iteq; ωi æqualis $\downarrow r$, & ph Q
ipsi f .] *Hoc in tertia figura, quam nos addidimus, perspicue apparet.*

P R O P O S I T I O I X.

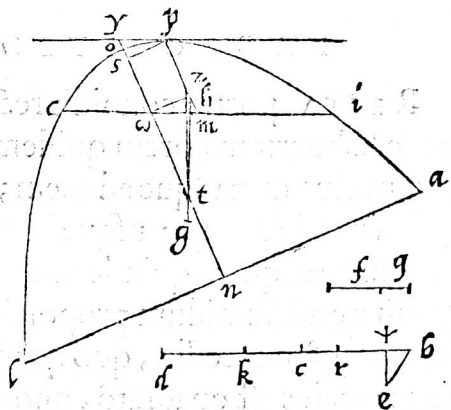
R E C T A portio conoidis rectanguli, quando axem habuerit maiorem quidem, quàm sesquialterum eius, quæ usque ad axem; minorem uero, quàm ut ad eam, quæ usque ad axem proportionem habeat, quam quindecim ad quatuor; & in grauitate ad humidum proportionem habeat maiorem, quàm excessus, quo quadratum, quod fit ab axe maius est quadrato, quod ab excessu, quo axis est maior, quàm sesquialter eius, quæ usq; ad axem, habet ad quadratum, quod ab axe: in hu-

midum demissa adeo, ut basis ipsius tota sit in humido, & posita inclinata, nec conuertetur ita, ut axis ipsius secundum perpendicularem sit, nec manebit inclinata, nisi quando axis cum superficie humidi angulum fecerit æqualem angulo similiter ut prius, assumpto.

SIT portio, qualis dicta est: ponaturq; db æqualis axi portionis: & b k quidem sit dupla ipsius k , d ; kr autem æqualis ei, quæ usque ad axem: & cb sesquialtera b r . Quam uero proportionem habet portio ad humidum in granitate, eam habeat excessus, quo quadratum b d excedit quadratum fq , ad ipsum b d quadratum: & sit f ipsius q dupla. constat igitur excessum, quo quadratum b d excedit quadratum

b c ad quadratum b d , minorem habere proportionem, quam excessus, quo quadratum b d excedit quadratum fq ad b d quadratum. est enim b c excessus quo axis portiois maior est, quàm sesquialter eius, quæ usque ad axem.

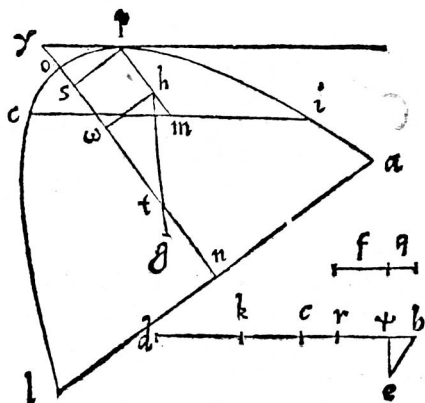
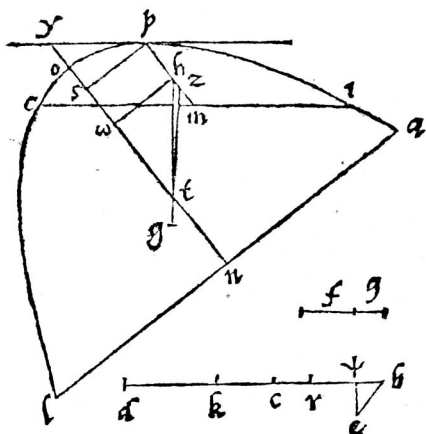
A quare quadratum b d magis excedit quadratum fq , quàm b c quadratum: & idcirco linea fq minor est, quàm b c : itemq; f minor, quàm br . Sit ipsi f æqua



æqualis $r\downarrow$: & ducatur $\downarrow r$ perpendicularis ad $b d$, quæ
 possit dimidium eius, quod ipsis $k r, \downarrow b$, continetur. Dico
 portionem in humidum demissam adeo, ut basis ipsius to-
 ta sit in humido, ita consistere, ut axis cum superficie humi-
 di faciat angulum angulo b æqualem. Demittatur enim
 portio in humidum, sicuti dictum est; & axis cum humidi
 superficie non faciat angulum æquale ipsi b , sed primo ma-
 iorem: secta autem ipsa plano per axem, recto ad superfi-
 ciem humidi, sectio portionis sit $a p o l$ rectanguli coni se-
 ctio; superficiem humidi sectio $c i$; sitq, axis portionis, & se-
 ctionis diameter $n o$, quæ secetur in punctis $o t$, ut prius: &
 ducantur $y p$ quidem ipsi $c i$ æquidistans, contingensq; se-
 ctionem in p ; $m p$ uero æquidistans $n o$: & $p s$ ad axem
 perpendicularis. Quoniam igitur axis portionis cum su-
 perficie humidi facit angulum maiorem angulo b ; erit &
 angulus $s y p$ angulo b maior. quare quadratum $p s$ ad
 quadratum $s y$ maiorem habet proportionem, quàm qua-
 dratum $\downarrow e$ ad quadratum $\downarrow b$: & propterea $K r$ ad $s y$ ma- **B**
 iorem habet, quàm dimidium ipsius $k r$ ad $\downarrow b$. ergo $s y$
 minor est, quàm dupla $\downarrow b$; & $s o$ minor, quàm $\downarrow b$. quare **C**
 $s a$ maior, quàm $r\downarrow$; & $p h$ maior, quàm f . Itaque quoniã
 portio ad humidum in gravitate eam habet proportionẽ, **D**
 quam excessus, quo quadratum $b d$ excedit quadratum $f q$
 ad quadratum $b d$: quam uero proportionem habet por-
 tio ad humidum in gravitate, eandem pars ipsius demersa
 habet ad totam portionẽ: sequitur partẽ demersam ad to-
 tam portionem, eam proportionem habere, quã excessus,
 quo quadratum $b d$ excedit quadratũ $f q$, ad quadratũ $b d$.
 habebit ergo tota portio ad eam, quæ est extra humidum **E**
 proportionem eandem, quàm quadratum $b d$ ad quadra-
 tum $f q$. Sed quam proportionẽ habet tota portio ad eã,
 quæ est extra humidum, eandem habet quadratum $n o$ ad
 quadratum $p m$. ergo $p m$ ipsi $f q$ æqualis erit. demonstra-
 ta est autem $p h$ maior, quàm f : quare $m h$ minor erit;

ARCHIMEDIS

quàm q; & p h maior, quàm dupla h m. Sit igitur
 p z dupla ip-
 sius z m: & iun-
 cta z t produca-
 tur ad g. erit
 totius quidem
 portionis gra-
 uitatis centrū
 t: eius, quæ est
 extra humidū
 z: reliquæ uero
 partis, quæ in
 humido, cen-
 trum erit in li-
 nea z t produ-
 cta; quod sit g.
 demōstrabitur
 similiter, ut
 prius, th per-
 pēdicularis ad
 superficiem hu-
 midī: & quæ
 per z, g ducun-
 tur æquidistan-
 tes ipsi th, ad
 eandem perpē-
 diculares. ergo
 portio, quæ est
 extra humidū
 deorsum fere-
 tur secundum
 eam quæ per z
 transit; quæ ue-
 ro intra secun-



dum

dum eam, quæ per g sursum eleuabitur. non igitur manebit portio sic inclinata, nec conuertetur ita, ut axis ad superficiem humidi sit perpendicularis: quoniam quæ ex parte 1 F deorsum; quæ uero ex parte a sursum ferentur, ut ex iam de monstratis apparere potest. Quòd si axis cum superficie humidi fecerit angulum minorem angulo b, similiter demonstrabitur, nō manere portionem, sed inclinari, donec utique axis cum superficie humidi faciat angulum angulo b æqualem. G

C O M M E N T A R I V S.

QVARE quadratum b d magis excedit quadratum A f q, quàm b c quadratum: & idcirco linea f q minor est, quàm b c: itemq; f minor quàm b r.] Quoniam excessus, quo quadratum b d excedit quadratum b c ad quadratum b d minorem proportionem habet, quàm excessus, quo quadratum b d excedit quadratum f q, ad idem quadratum: erit ex oētaua quinti excessus, quo quadratum b d excedit quadratum b c, minor quàm excessus, quo excedit quadratum f q. ergo quadratum f q minus est quadrato b c: & propterea linea f q minor linea b c. Sed f q ad f e. indē proportionē habet, quàm b c ad b r; utraque enim utriusque sesquialtera est. cum igitur f q sit minor b c, & f ipsa b r minor erit. 14 quinti

Et propterea k r ad f y maiorem habet, quàm dimidium B ipsius k r ad ↓ b.] Est enim k r ad f y, ut quadratum p s ad quadratum f y: & dimidium lineæ K r ad lineam ↓ b, ut quadratum e ↓ ad quadratum ↓ b.

Et s o minor quàm ↓ b] Est enim f y dupla ipsius s o. C

Et p h maior, quàm f.] Nam p h est æqualis f ω, & r ↓ D ipsi f.

Habebit ergo tota portio ad eam, quæ est extra humidum proportionem eandem, quam quadratum b d ad quadratum f q.] Cum pars demersa ad totam portionem ita sit, ut excessus, quo quadratum b d excedit quadratum f q ad b d quadratū: E

ARCHIMEDIS

erit conuertendo tota portio ad partem ipsius demersam, ut quadratum $b d$ ad excessum, quo quadratum $f q$ excedit. quare per conuersionem rationis tota portio ad eam, quæ extra humidum est ut quadratum $b d$ ad quadratum $f q$: nam quadratum $b d$ tanto maius est excessu, quo excedit quadratum $f q$, quantum est ipsum $f q$ quadratum.

F Quoniam quæ ex parte l deorsum, quæ uero ex parte a sursum ferentur.] Hæc nos ita correximus, nam in translatione mendose, ut opinor, legebatur, quoniam quæ ex parte l ad superiora ferentur, perpendicularis enim quæ transit per z ad partes l , & quæ per g ad partes a cadit. quare centrum z unâ cum partibus ijs , quæ sunt ad l deorsum feretur, centrum uero g unâ cum partibus quæ ad a sursum.

G Similiter demonstrabitur non manere portionem, sed inclinari, donec utique axis cum superficie humidi faciat angulum angulo b æqualem.] Illud uero tum ex ijs , quæ in antecedenti dicta sunt, tum ex figuris, quas apposuius, facile demonstrari potest.

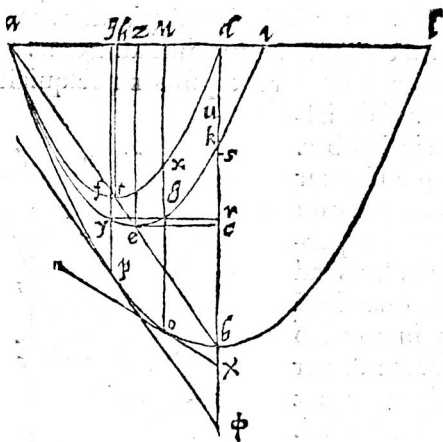
PROPOSITIO X.

RECTA portio conoidis rectanguli, quando leuior humido axem habuerit maiorem, quàm ut ad eam, quæ usque ad axem proportionem habeat, quam quindecim ad quatuor: in humidum demissa, ita ut basis ipsius non contingat humi-

A dum: non nunquam quidem recta consistet; non
B nunquam inclinata: & interdum adeo inclinata, ut basis ipsius in uno puncto contingat superficiem humidi: idq; in duabus dispositionibus:
in terdum

K dem circa e z diametrum; a t d vero circa diametrum t h;
L quæ similes sint portioni a b l. transibit igitur a e i coni
 sectio per K: & quæ ab r ducta est perpendicularis ad b d,
 ipsam a e i secabit. secet in punctis y g: & per y g ducan
 tur ipsi b d æquidistantes p y q, o g n, quæ secent a t d in
 f x. ducantur postremo, & p x, o φ contingentes sectionē
M a p o l in punctis p o. cū ergo tres portiones sint a p o l,
 a e i, a t d, contentæ rectis lineis, & rectangulorum cono
 rum sectionibus; rectæq, similes, & inæquales, quæ contin
 gunt se se super unamquamque basim: à puncto autem n
 sursum ducta sit n x g o; & à q ipsa q f y p: habebit o g ad
 g x proportionem compositam ex proportionē, quam ha
 bet i l ad l a; & ex proportionē, quam a d habet ad d i.
 Sed i l ad l a

habet eandem,
 quam duo ad
 quinque. ete-
 N nim c b ad b d
 est, ut sex ad
 quiddecim; hoc
 est ut duo ad
 O quinque: & ut
 c b ad b d, ita
 e b ad b a: &
 d z ad d a. ha-
 P rum autē d z,
 d a duplæ sunt
 Q ipſæ l i, l a: &
 a d ad d i eā pro



portionem habet, quam quinque ad unum. sed proportio
composita ex proportione, quam habet duo ad quinque;
& ex proportione, quam quinque ad unum; est eadem,
quam habent duo ad unum: duo autem ad unum duplam
proportionem habent. dupla est igitur gb ipsius gx : &
eadem

eadem ratione ostēdetur p y ipsius y f dupla. Itaque quoniam d s sesquialtera est ipsius k r; erit b s excessus, quo axis est maior, quā sesquialter eius, quæ usque ad axem. Si igitur portio ad humidū in gravitate eā habet proportionem, quam quadratum, quod fit à linea b f ad quadratum, quod à b d, aut maiorem; in humidum demissa, ita ut basis ipsius non contingat humidum, recta consistet. demonstratum est enim superius, portionem, cuius axis est maior, quā sesquialter eius, quæ usque ad axem, si ad humidum in gravitate non minorem proportionem habeat, quā quadratum, quod fit ab excessu, quo axis maior est, quā sesquialter eius, quæ usque ad axem, ad quadratum, quod ab axe; demissam in humidum, ita ut dictum est, rectam consistere. R

C O M M E N T A R I V S.

QVAE hac decima propositione continentur, Archimedes in quinque partes dissecuit, & singulas seorsum demonstravit.

Nonnunquam quidem recta consistat.] *Hæc est prima pars, cuius demonstrationem statim subiungit.* A

Et interdum adeo inclinata, ut basis ipsius in uno puncto contingat superficiem humidi; idq; in duabus dispositionibus.] *Demonstratum est illud in tertia parte.* B

Interdum ita, ut basis in humidum magis demergatur.] *Pertinet id ad quartam partem.* C

Interdum uero ita, ut superficiem humidi nullo modo contingat.] *Hoc duobus item modis fit, quorum unus in secunda, alter in quarta parte explicatur.* D

Secundum proportionem, quam habet ad humidum in gravitate.] *In translatione ita legebatur, quam autem proportionem habet ad humidum in gravitate.* E

Constat igitur k c maiorem esse, quā quæ usque ad axem.] *Nam cum b d ad k c eandem habeat proportionem, quam* F

A R C H I M E D I S

10. quinti quindecim ad quatuor; & ad eam, quæ usque ad axem maiorem portionem habeat: erit quæ usque ad axem minor ipsa $k c$.

G Sit ei, quæ usque ad axem æqualis $k r$.] Hæc nos addidimus, quæ in translatione non erant.

H Est autem & $s b$ sesquialtera ipsius $b r$.] Ponitur enim $d b$ sesquialtera ipsius $b k$; itémq; $d s$ sesquialtera $k r$. quare ut tota $d b$ ad totam $b K$, ita pars $d s$ ad partem $K r$. ergo & reliqua $s b$ ad reliquam $b r$, ut $d b$ ad $b k$.

19. quinti K Quæ similes sint portioni a $b l$.] Similes portiones coni sectionum Apollonius ita diffiniuit in sexto libro conicorum, ut scribit Eutocius, ἐν οἷς ἀρχεῖσιν ἐν ἑκάστῳ παραλλήλων τῇ βάσει, ἴσων τὸ πλῆθος, αἱ παράλληλοι, καὶ αἱ βάσεις πρὸς τὰς ἀποτεμνόμενας ἀπὸ τῶν διαμέτρων ταῖς κορυφαῖς ἐν τοῖς αὐτοῖς λόγοις εἶσι, καὶ αἱ ἀποτεμνόμενæ πρὸς τὰς ἀποτεμνόμενας; hoc est. in quibus si ducantur lineæ æquidistantes basi numero æquales: æquidistantes atq; bases ad partes diametrorum, quæ ab ipsis ad uerticem abscinduntur, eandem proportionem habent: itémq; partes abscissæ ad abscissas. ducuntur autem lineæ basi æquidistantes: ut opinor, descripta in singulis plane rectilinea figura, quæ lateribus numero æqualibus continetur. Itaq; portiones similes à similibus coni sectionibus absconduntur: & earum diametri siue ad bases rectæ, siue cum basibus æquales angulos facientes, ad ipsas bases eandem habent proportionem.

2. quinti L Transibit igitur a $e i$ coni sectio per k .] Si enim fieri potest non transeat per k , sed per aliud punctum lineæ $d b$, ut per u . Quoniam igitur in rectanguli coni sectione a $e i$, cuius diameter est $e z$, ducta est $a e$, & producta: & $d b$ diametro æquidistans utraq; $a e$, $a i$ secat; $a e$ quidem in b , $a i$ uero in d : habebit $d b$ ad $b u$ proportionem eandem, quam $a z$ ad $z d$, ex quarta propositione libri Archimedis de quadratura parabolæ. Sed $a z$ sesquialtera est ipsius $z d$: est enim ut tria ad duo, quod mox demonstrabimus. ergo $d b$ sesquialtera est ipsius $b u$. est autē $d b$ & ipsius $b k$ sesquialtera. quare lineæ $b u$, $b k$ inter se æquales sint; quod fieri non potest. rectanguli igitur coni sectio a $e i$ per punctum k transibit. quod demonstrare uolebamus.

Cu m

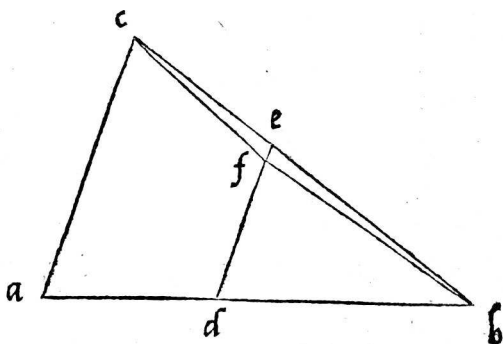
Cum ergo tres portiones sint a p o l, a e i, a t d, con- M
 tentæ rectis lineis, & rectagulorum conorum sectionibus;
 rectæq; , similes, & inæquales, quæ contingunt eie super
 unam quamque basim.] Post ea uerba, super unamquamque
 basim, in translatione aliqua desiderari uidentur. Ad horum autem
 demonstrationem non nulla præmittere oportet, quæ etiam ad alia,
 quæ sequuntur, necessaria erunt.

L E M M A I.

Sit recta linea a b, quam secent duæ lineæ inter sese
 æquidistantes a c, d e, ita ut quam proportionem ha-
 bet a b ad b d, eandem habeat a c ad d e. Dico li-
 nearum, quæ c b puncta coniungit, etiam per ipsum e
 transire.

SI enim fieri potest, non transeat per e, sed nel supra, nel infra.
 transeat primum infra, ut per f. erunt triangula a b c, d b f inter se
 similia. quare ut a b ad b d, ita a c ad d f. sed ut a b ad b d, ita 4. sexti:
 erat a c ad d e. ergo d f ipsi d e æqualis erit, uidelicet pars to- 9. quinti.
 ti, quod est
 a b, absurdum.

Idem ab-
 surdum se-
 quetur, si
 linea c b
 supra e pū
 etiam tran-
 sire ponat-
 ur. quare
 c b etiam
 per e ne-



cessario transibit. quod oportebat demonstrare.

ARCHIMEDIS

LEMMA II.

Sint duæ portionis similes, contentæ rectis lineis, & rectangulorum conorum sectionibus; abc quidem maior, cuius diameter bd ; efc uero minor, cuius diameter fg : aptenturq; inter sese, ita ut maior minorem includat & sint earum bases ac , ec in eadem recta linea, ut idẽ punctum c sit utriusque terminus: sumatur deinde in sectione abc quodlibet punctum h : & iungatur hc . Dico lineam hc ad partem sui ipsius, quæ inter c , & sectionem efc interiicitur, eam proportionẽ habere, quam abet ac ad ce .

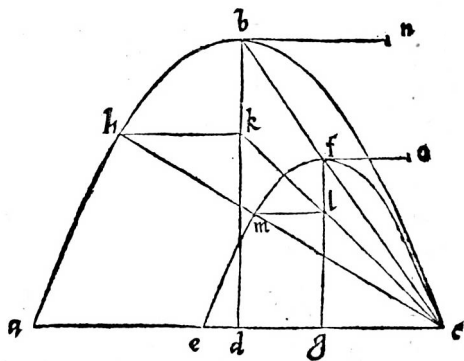
DUCATUR bc , quæ transibit per f . quoniam enim portiones similes sunt, diametri cū basibus æquales continent angulos. quare æquidistant inter sese bd , fg : estq; bd ad ac , ut fg ad ec :

& permutando bd ad fg , ut a cad c e : hoc est ut earum dimidiæ d c ad c g . ergo ex antecedenti lemma sequitur lineam bc per punctum f transire.

Ducatur præ

terea à puncto h ad diametrum bd linea hk , æquidistans basi ac : & iuncta kt , quæ diametrum fg secet in l ; per l ducatur
ad

15. quin-
ti.



ad sectionem e f g ex parte e linea l m, eidem a c basi æquidistans. Sit autem sectionis a b c, linea b n iuxta quam possunt, quæ à sectione ducuntur: & sectionis e f c sit ipsa f o. quoniam igitur triangula c d b, c f g similia sunt, erit ut b c ad c f, ita d c ad c g; & b d ad f g. rursus quoniam triangula c k b, c l f etiã inter se sunt similia, ut b c ad c f, hoc est ut b d ad f g, ita erit k c ad c l; & b K ad f l. quare K c ad c l, & b k ad f l sunt ut d c ad c g: hoc est ut earum duplæ a c ad c e. sed ut b d ad f g, ita d c ad c g; hoc est a d ad e g: & permutado ut b d ad a d, ita f g ad e g. quadratum autem a d æquale est rectangulo d b n ex undecima primi conicorum. ergo tres lineæ b d, a d, b n inter se sunt proportionales. eadem quoque ratione cum quadratum e g æquale sit rectangulo g f o, tres aliæ lineæ f g, e g, f o, deinceps proportionales erunt. & ut b d ad a d, ita f g ad e g. quare ut a d ad b n, ita e g ad f o. ex æquali igitur, ut d b ad b n, ita g f ad f o: & permutando ut d b ad g f, ita b n ad f o. ut autem d b ad g f, ita b k ad f l. ergo b k ad f l, ut b n ad f o: & permutando, ut b k ad b n, ita f l ad f o. Rursus quoniã quadratũ h K æquale est rectangulo k b n: & quadratum m l rectangulo l f o æquale: erunt tres lineæ b k, k b, b n proportionales: itẽmq; proportionales inter se f l, l m, f o. quare ut linea b K ad lineam b n, ita quadratum b K ad quadratum h k: & ut linea f l ad ipsam f o, ita quadratũ f l ad quadratum l m. Itaque quoniam, ut b K ad b n, ita est f l ad f o; erit ut quadratum b K ad quadratum k h, ita quadratum f l ad l m quadratum. ergo ut linea b k, ad lineam K h, ita linea f l ad ipsã l m: & permutado ut b k ad f l, ita k h ad l m. sed b k ad f l erat ut k c ad c l. ergo k h ad l m, ut K c ad c l. quare ex eodem lemmate patet lineam h c, & per m punctum transire. ut igitur K c ad c l: hoc est ut a c ad c e, ita h c ad c m; hoc est ad eam ipsius partem, quæ inter c, & e g c sectionem interycitur. similiter demonstrabimus idem contingere in alijs lineis, quæ à puncto c ad a b c sectionem perducuntur. At vero b c ad e f eandem proportionem habere, liquido apparet; nam b c ad c f, est ut d c ad c g; videlicet ut earum duplæ, a c ad c e.

4. sexti.

15. quinti.

17. sexti.

11. primi conicorũ

cor. 20. sexti.

22. sexti

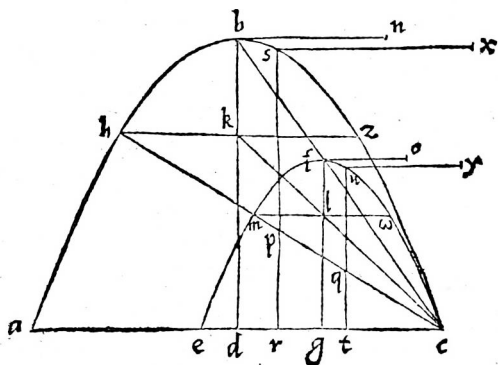
ARCHIMEDIS

Ex quibus perspicuum est lineas omnes sic ductas ab ipsis sectionibus in eandem proportionem secari. est enim diuidendo, conuertendo $\frac{cm}{mb}$ ad $\frac{mh}{b}$, & $\frac{cf}{fb}$ ad $\frac{fb}{b}$, ut ce ad ea .

LEMMA III.

Sed & illud constare potest; lineas, quæ in portionibus eiusmodi similibus ita ducuntur, ut cû basibus æquales angulos contineant, ab ipsis similes quoque portiones abscindere: hoc est, ut in proposita figura, portiones hb , mf , quas lineæ ch , cm abscindunt, etiam inter se similes esse.

DIVIDANTVR enim ch , cm bifariam in punctis p , q : & per ipsa ducantur lineæ rp , s , t quæ diametris æquidistantes. erit portio- nis hsc diameter ps , & portio- nis muc diameter qu . Itaque fiat ut quadratum cr ad quadratum cp , ita lineæ bn ad aliam lineam, quæ sit sx : & ut quadratum ct ad quadratum cq , ita fiat fo ad u y . iam ex ijs quæ demonstrauimus in commentarijs in quartam propositionē Archimedis de conoidibus, & sphaeroidibus, patet quadratum cp æquale esse rectangulo ps x :



ilmq;

itemq; quadratum cq aequale rectangulo quy , hoc est sectionum hsc , in cl lineas sx, uy , eas esse, iuxta quas possunt, quae a sectione ad diametrum ducuntur. sed cum triangula cpr, cqt similia sint, habebit cr ad cp eandem proportionem, quam ct ad cq : & idcirco quadratum cr ad quadratum cp eandem habebit, quam quadratum ct ad quadratum cq . ergo & linea bn , ad lineam fx ita erit, ut linea fo ad ipsam uy . erat autem hc ad cm , ut a ad ce . quare & earum dimidia cp ad cq , ut ad ad eg : & permutando cp ad ad , ut cq ad eg . Sed ostensum est ad ad bn ita esse, ut eg ad fo : & bn ad sx , ut fo ad uy . ergo ex aequali cp ad fx erit, ut cq ad uy . Quod cum quadratum cp aequale sit rectangulo psx & quadratum cq rectangulo quy , erunt tres lineae sp, pc, sx proportionales; itemq; proportionales ipsae uq, qc, uy . quare & sp ad pc , ut uq ad qc : & ut pc ad ch , ita qc ad cm . ex aequali igitur ut portionis hsc diameter sp ad eius basim ch , ita portionis mus diameter uq ad basim cm . & anguli, quos diametri cum basibus continent, sunt aequales, quod lineae sp, uq sibi ipsis aequidistant. ergo & portiones hsc, mus inter se similes erunt. id quod demonstrandum proponebatur.

22. sexti

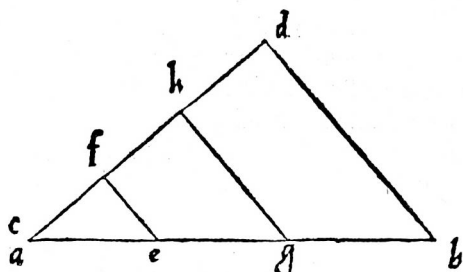
L E M M A I I I I.

Sint duae lineae ab, cd , quae secantur in punctis ef , ita ut quam proportionem habet ae ad eb , habeat cf ad fd : rursus secantur in aliis duobus punctis gh ; & habeat ch ad hd eandem proportionem, quam ag ad gb . Dico cf ad fh ita esse, ut ae ad eg .

QVONIAM enim ut ae ad eb , ita cf ad fd , erit componendo ut ab ad eb , ita cd ad fd . Rursus cum sit ut ag ad gb , ita ch ad hd ; componendo, conuertendoq; ut gb ad ab , ita erit hd ad cd . ergo ex aequali, conuertendoq; ut eb ad gb , ita fd ad hd :

ARCHIMEDIS

& per conuer-
sionem rationis
ut eb ad eg ,
ita fd ad fb .
est autem ut ae
ad eb , ita cf
ad fd . ex aequa-
li igitur ut ae
ad eg , ita cf
ad fb .



2. sexti :

30. primi

ALITER. Aptentur lineæ ab , cd inter se se, ita ut ad partes
 ac angulum faciant; & sint ac in uno atque eodem puncto: deinde
iungantur db , hg , fe . cum igitur sit ut ae ad eb , ita cf , hoc est
 af ad fd ; æquidistabit fe ipsi db : & similiter hg eidem db
æquidistabit: quoniam ah ad hd est, ut ag ad gb . ergo fc , hg
inter se se æquidistant: & idcirco ut ae ad eg , ita af ; hoc est cf ad
 fb . quod demonstrare oportebat.

LEMMA V.

Sint rursus duæ portiones similes, contentæ rectis li-
neis, & rectangulorum conorum sectionibus, ut in supe-
riori figura abc , cuius diameter bd : & efc , cuius
diameter fg : ducaturq; à puncto e linea eh , diame-
tris bd , fg æquidistans, quæ sectionem abc in k se-
cet: & à puncto c ducatur ch contingens sectionem
 abc in c : conueniensq; cum linea eh in h , quæ sectio-
nem quoque efc in eodem c puncto continget, ut demon-
strabitur. Dico lineam ductam ab ipsa ch usque ad se-
ctionem efc , ita ut lineæ eh æquidistet, in eandem pro-
portionem diuidi à sectione abc ; in quam linea ca à
sectio

2. sexti.

dentillemmate cd ad dq ita esse, ut lb ad bm . ut autem cd ad ddq ,
ita cm ad mp . ergo lb ad bm , ut cm ad mp . Quod cum demon-
stratum fuerit, cm ad mp , ut ce ad ea : habebit lb ad bm eandē
proportio

proportionem, quam ce ad $e a$. similiter demonstrabitur eandem habere no ad of : & reliquas eiusmodi. at vero $b K$ ad $K e$ eam habere proportionem, quam habet ce ad $e a$, ex eadem quinta. Archimedis perspicue apparet. atque illud est, quod demonstrandum proposuimus.

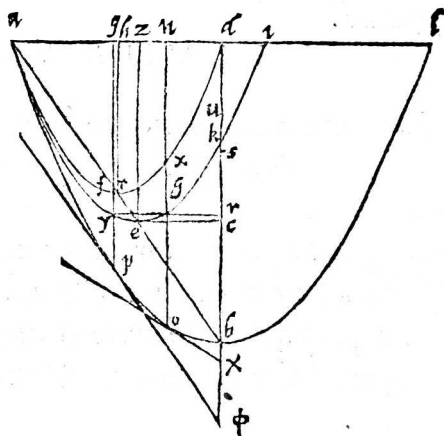
L E M M A V I.

Itaque maneant eadem, quæ supra: & itidem describatur alia portio similis contenta recta linea & rectanguli coni sectione drc ; cuius diameter rs , ut secet lineam fg in t : producatursue sr ad lineam ch in u ; cui sectio abc occurrat in x , & efc in y . Dico bm ad md proportionem habere compositam ex proportionem, quam habet ea ad ac ; & ex ea, quam cd habet ad de .

SIMILITER enim ut supra, demonstrabimus lineam ch contingere sectionem drc in c puncto: & lm ad md , itemque $n f$ ad ft ; & uy ad yr ita esse, ut cd ad de . Quoniam igitur lb ad bm est, ut ce ad ea ; erit componendo, conuertentibusque bm ad lm , ut ea ad ac : & ut lm ad md , ita cd ad de . proportio autem bm ad md composita est ex proportionem, quam habet bm ad lm , & ex proportionem, quam lm habet ad md . ergo proportio bm ad md etiam composita erit ex proportionem, quam habet ea ad ac ; & ex ea, quam cd habet ad de . Eadem ratione demonstrabitur of ad ft ; itemque xy ad yr proportionem habere ex eisdem proportionibus compositam: & ita in alijs. quod demonstrare oportebat.

Ex quibus apparet lineas sic ductas, quæ inter sectiones abc , drc interuiciuntur à sectione efc in eandem proportionem diuidi.

N Etenim $c b$ ad $b d$ est ut sex ad quindecim.] Posuimus enim $b K$ duplam esse ipsius $K d$. quare componendo $b d$ ad $k d$ erit, ut tria ad unum; hoc est ut quindecim ad quinque. sed $b d$ ad $K c$ erat ut quindecim ad quatuor. ergo $b d$ ad $d c$, ut quindecim ad nouem: & per conuersionem rationis, conuertendôq; $c b$ ad $b d$, ut sex ad quiddecim.



O Et ut $c b$ ad $b d$, ita $e b$ ad $b a$, & $d z$ ad $d a$.] Nam cum triangula $c b e$, $d b a$ sint similia, erit ut $c b$ ad $b e$,

ita $d b$, ad $b a$ & permutando, ut $c b$ ad $b d$; ita $e b$ ad $b a$. Rursus ut $b c$ ad $c e$, ita $b d$ ad $d a$: permutandôq; ut $c b$ ad $b d$, ita $c e$, hoc est $d z$ ei æqualis ad $d a$.

P Harum autem $d z$ $d a$ duplæ sunt ipsæ $l i$, $l a$.] Lineam quidem $l a$ duplam esse ipsius $d a$, cum $b d$ sit portionis diameter, manifeste constat. At uero $l i$ ipsius $d z$ dupla hoc pacto demonstrabitur. Quoniam enim $z d$ ad $d a$ est, ut duo ad quinque; erit cōuertendo, diuidendôq; $a z$, hoc est $i z$ ad $z d$, ut tria ad duo: & rursus diuidendo $i d$ ad $d z$, ut unum ad duo. erat autem $z d$ ad $d a$, hoc est ad $d l$, ut duo ad quinque. ergo ex æquali, conuertendôq; $l d$ ad $d i$, ut quinque ad unum: & per conuersionem rationis $d l$ ad $l i$, ut quinque ad quatuor. sed $d z$ ad $d l$ erat, ut duo ad quinque. ergo rursus ex æquali $d z$ ad $l i$, ut duo ad quatuor. dupla est igitur $l i$ ipsius $d z$. quod demonstrandum fuerat.

Q Et $a d$ ad $d i$ eam proportionem habet, quā quinque ad

ad unum.] *Hoc nos proxime demonstrauimus.*

Demonstratum est enim superius portionem cuius axis R
est maior, quàm sesquialter eius, quæ usque ad axem, si ad
humidum in grauitate non minorem proportionem ha-
beat &c.] *Illud uero demonstrauit in quarta propositione huius
libri.*

I I.

Si portio ad humidum in grauitate minorem A
quidem proportionem habeat, quàm quadra-
tum fb ad quadratum bd ; maiorem uero,
quàm quadratum xo ad quadratum bd ; de-
missa in humidum, adeo inclinata, ut basis ip-
sius non contingat humidum, inclinata consi-
stet; ita ut basis superficiem humidi nullo modo
contingat; & axis cum humidi superficie angu-
lum faciat maiorem angulo x .

I I I.

Si portio ad humidum in grauitate, eam ha-
beat proportionem, quam quadratum xo ad
quadratum bd ; demissa in humidum inclinata
adeo, ut basis ipsius non contingat humidum;
consistet, & manebit ita, ut basis in uno pun-
cto humidi superficiem contingat: & axis cum
superficie humidi angulū faciat angulo x æqualē.
Quòd si portio ad humidum in grauitate eam
proportionem habeat, quam quadratum pf ad

quadratum $b d$; in humidum demissa, & posita inclinata adeo, ut basis ipsius non contingat humidum; consistet inclinata, ita ut basis in uno puncto humidi superficiem contingat: & axis cū ea faciat angulum angulo ϕ æqualem.

I I I I.

B Si portio ad humidum in grauitate maiorem quidem proportionem habeat, quàm quadratum $f p$ ad quadratum $b d$; minorem uero, quàm quadratum $x o$ ad $b d$ quadratum; in humidum demissa, & inclinata adeo, ut basis ipsius non contingat humidum consistet, & manebit ita, ut basis in humidum magis demergatur.

V.

Si portio ad humidum in grauitate proportionem habeat minorem, quàm quadratum $f p$ ad quadratum $b d$: demissa in humidum, & posita inclinata adeo ut basis ipsius non contingat humidum: consistet inclinata, ita ut axis ipsius cum humidi superficie angulum faciat minorem angulo ϕ : & basis nullo modo superficiem humidi contingat. Hæc autem omnia deinceps demonstrabuntur.

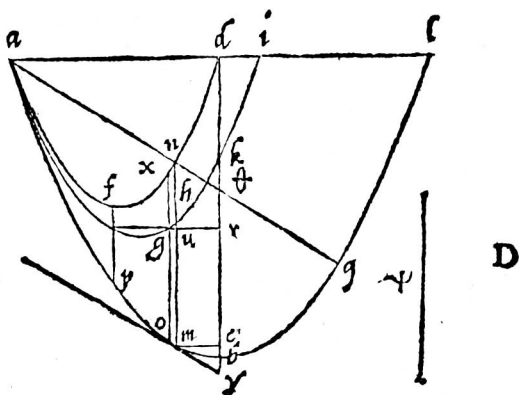
DEMON

DEMONSTRATIO SECVNDAE PARTIS.

ITAQVE primum habeat portio ad humidum in gravitate proportionem quidem maiorem, quàm qua dra-
tum xo ad quadratum bd ; minorem uero, quàm quadra-
tum, quod fit ab excessu, quo axis est maior, quàm sesquial-
ter eius, quæ usque ad axem, ad quadratum bd : & quam
proportionem habet portio ad humidum in gravitate, eã
habeat quadratum, quod fit à linea \downarrow ad quadratum bd :
erit \downarrow maior quidem, quàm xo , minor uero, quàm exces-
sus, quo axis est maior, quàm sesquialter eius, quæ usque ad
axem. aptetur quædam recta linea mn conicis sectio-
bus $amql$,

axd interiecta,
ac media, quæ li-
neæ \downarrow sit æqua-
lis; secetq; reli-
quã conicæ sectio-
nem in puncto
 h ; & rectam li-
neam rg in u .
demonstrabitur
 mh dupla ip-
sius hn , sicuti
demonstratum
est og ipsius gx
duplam esse. à
puncto autē m

ducatur my contingens sectionem $amql$ in m : & mc ad
 bd perpendicularis. postea ducta an , & producta ad q li-
neæ an , nq inter se æquales erunt. quoniã enim in simi-
libus portionibus $amql$, axd ductæ sunt à basibus ad
portiones lineæ aq , an , quæ æquales angulos continent
cum ipsis basibus, eandem proportionem habebit qa ad
 an , quam la ad ad . æqualis est ergo an ipsi nq ; & aq F



G ipsi my æquidistans. Demonstrandum est portionem in humidum demissam, inclinatamq; adeo, ut basis ipsius nō contingat humidum, inclinatam consistere ita, ut basis superficiem humidi nullo modo contingat: & axis cum ea faciat angulum angulo χ maiorem. Demittatur enim in humidum, consistatq; ita, ut basis ipsius in uno puncto cōtingat humidi superficiem: & secta ipsa portione per axem, plano ad humidi superficiem recto; superficiei quidē portionis sectio sit ap o l rectanguli coni sectio: superficiei humidi sectio sit ao : axis autem portionis, & sectionis diameter bd : & secetur bd in punctis kr , ut dictum est: ducatur etiam pg æquidistans ipsi ao , quæ sectionem ap o l contingat in p : atque ab eo puncto ducatur pt æquidistans ipsi bd ; & ps ad bd perpendicularis. Itaque quoniam portio ad humidum in gravitate eam proportionem habet, quam quadratū, quod fit à linea \downarrow ad quadratum bd : quā uero proportionem habet portio ad humidū, eandem pars ipsius demersa habet ad totā portionē: & quam pars demersa ad totam, eandem habet quadratum tp ad bd quadratum: erit linea \downarrow æqualis

ipsi $t p$. quare & lineæ $m n, p t$; itemq; portiones $a m q$,
K a p o inter se sunt æquales. Quòd cum in portionibus
æqua

æqualibus, & similibus, a p o l, a m q l ab extremitatibus basium ductæ sint a o, a q ita, ut portiones ablatae faciant cum diametris angulos æquales; & anguli, qui ad y g: & lineæ y b, g b, & b c, b s inter se æquales erunt. quare & ipsæ c r, s r: & m u, p z: & u n, z t. Quoniam igitur m u minor est, quàm dupla u n; constat p z ipsius z t minorem esse, quàm duplam. Sit p z dupla ipsius a r: & iuncta a k ad e producat. ergo totius quidem portionis centrum gravitatis erit punctum k; partis eius, quæ in humido est, centrum a; eius uero, quæ extra humidum in linea k e, quod sit e. Sed linea k z perpendicularis erit ad superficiem humidi. quare & lineæ quæ per puncta e, a, æquidistantes ipsi k z ducuntur. non ergo manebit portio, sed reuoluetur ita, ut basis ipsius superficiem humidi nullo modo contingat: quoniã nunc in uno puncto contingens, sursum fertur ex parte a. perspicuum est igitur portionem consistere ita, ut axis cum superficie humidi faciat angulum maiorem angulo χ .

C O M M E N T A R I V S.

Si portio ad humidum in gravitate minorẽ proportionem habeat; quàm quadratum s b ad quadratum b d; maiorem uero, quàm quadratum x o ad b d quadratum.] *Hæc est secunda pars propositionis, quam aliæ deinceps, postea ipsarum demonstrationes eodem ordine sequuntur.*

SI portio ad humidum in gravitate maiorem quidem proportionẽ habeat, quàm quadratũ f p ad quadratũ d.] *Hæc quartã partẽ nos restituimus, quæ i translatione desiderabatur.*

Erit \downarrow maior quidem, quàm x o, minor uero, quàm excessus, quo axis est maior, quam sesquialter eius, quæ usque ad axem,] *Sequitur illud ex decima quinti libri elementorum.*

Demonstrabitur m h dupla ipsius h n, sicuti demonstratũ est o g ipsius g x duplam esse.] *Vt in prima parte huius, & ex ijs, quæ nos proxime in ipsam conscripsimus.*

Quoniam enim in similibus portionibus a p o l, a x d,

ARCHIMEDIS

ductæ sunt à basiſibus ad portiones linearæ a n, a q, quæ angulos æquales continent cum ipſiſ ſiſ basiſibus, eandem proportionem habebit q a ad a n, quam l a ad a d.] Hoc nos ſupra demonſtravimus.

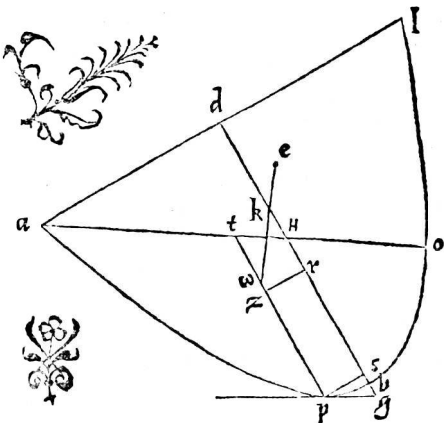
F Aequalis est ergo a n ipsi n q.] Cum enim q a ad a n sit, ut l a ad a d; dividendo, convertendoq; erit a n ad n q, ut a d ad d l. est autem a d equalis ipsi d l, quoniam d b ponitur diameter 14. quinti portionis. ergo & a n ipsi n q est equalis.

G Et a q ipsi in y æquidistant.] *Ex quinta secundi libri conicorum Apollonij.*

H Et fecetur $b d$ in punctis κr , ut dictum est.] In prima parte huius propositionis, fecetur autem in $Kita$, ut $b k$ sit dupla ipsius $k d$; & in r , ut Kr sit æqualis ei, quæ usque ad axcm.

K Quod cū in portionibus æqualibus, & similibus, a p o l, a m q l ab extremitatibus basium ductæ sint a o, a q, ita ut portiones ablata faciant cum diametris angulos æquales: & anguli, qui ad y g: & lineæ y b, g b inter se æquales erūt.] Secet linea a q diametrum d b in θ, & a o secet in η. Itaque quoniam in portionibus æqualibus, & similibus a p o l, a m q l ab extremitatibus basium

ducuntur a o, a q, quæ
æquales angulos con
tinent cum ipsis basi
bus : & anguli ad d
utrique sunt recti :
erunt & reliqui a . d,
a d d inter se æqua
les . linea autem p g
æquidistat lineæ a o :
itemq; m y ipsi a q :
& p s, m c ipsis a d.
triangula igitur p g s,
m y c triangulis a d d
a d d, atque inter se



4. sexti. sunt familia: & ut a d ad a₁, ita a d ad a₂: & permutando. li-
nea

near

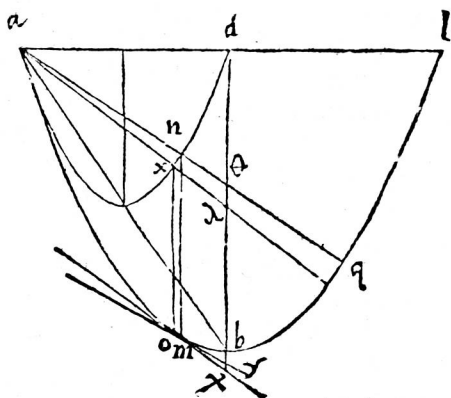
nea autem a d inter se aequales sunt. ergo & ipsæ a u, a θ. Sed sunt
 æquales a o, a q: & earum dimidiæ at a n. ergo & reliquæ t u, n θ;
 hoc est p g, m y. ut autem p g ad g h, ita m y ad y c; & permutan
 do, ut p g ad m y, ita g s ad y c. quare g s, y c æquales sunt: &
 ipsarum dimidiæ b s, b c: ex quibus sequitur ut & reliquæ s r, c r:
 & idcirco p z, m u & u n, z t inter se sunt æquales. 34. primi

Quoniam igitur m u minor est, quàm dupla u n.] Est L
 enim m h ipsius h n dupla, & m u minor ipsa m h. ergo m u minor
 est, quàm dupla h n; & multo minor, quàm dupla ipsius u n.

Non ergo manebit portio, sed reuoluetur, ita ut basis ip
 sius humidi superficiem nullo modo contingat. quoniam M
 nunc in uno puncto contingens sursum fertur ex parte a.]
 Translatio sic habet. non ergo manet portio sed inclinabitur, ut ba-
 sis ipsius nec secundum unum tangat superficiem humidi, quoniam
 nunc secundum unum tacta ipsa reclinatur. Quæ nos ex alijs Ar-
 chimedis locis, & perspicuitatis causa in eum modum corrigenda
 duximus. In sexta enim propositione huius ita scribit, ut habetur in
 translatione. reuoluetur ergo solidum a p o l, & basis ipsius nō tan-
 get superficiem humidi secundum unum signum. Rursus in septima
 propositione. manifestum igitur, quod reuoluetur solidum ita ut ba-
 sis ipsius nec secundum unum signum contingat superficiem humidi,
 quoniam nunc secundum unum tangens deorsum fertur ex parte l.
 At uero portionem sursum ferri ex parte a manifeste constat. nam
 cum perpendicularis ad superficiem humidi, quæ transit per ω ad
 partes a cadat, & quæ per e ad partes l, necesse est ut centrum ω
 sursum, e uero deorsum feratur.

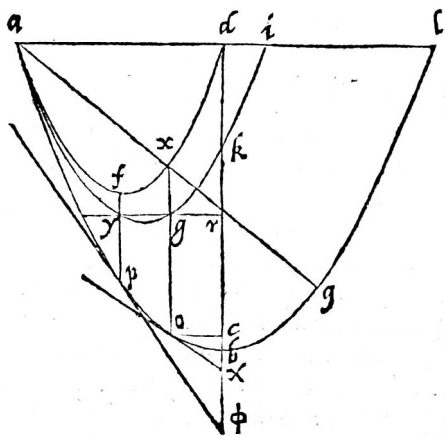
Perspicuum est igitur portionem consistere ita, ut axis N
 cum superficie humidi faciat angulum maiorem angu-
 lo χ.] Iuncta enim a x producat, ut diametrum b d se-
 cet in λ, & ab o puncto ipsi æquidistans ducatur o χ. con-
 tinget ea sectionem in o, ut in prima figura: atque erit angu-
 lus ad χ angulo ad λ æqualis. Sed angulus ad y æqualis est
 angulo ad θ: & angulus a θ d maior angulo a λ d; quod ex-
 tra ipsum cadat. ergo angulus ad y eo, qui ad χ maior erit. 29. primi
 16. primi

Quoniam igitur portio convertitur, ita ut basis humidum non contingat, axis cum superficie eius faciet angulum maiorem angulo g ; hoc est angulo y : & propterea multo maiorem angulo x .



DEMONSTRATIO TERTIAE PARTIS.

HABEAT deinde portio ad humidum eam in gravitate proportionem, quam quadratū xo habet ad quadratum bd : & in humidum demittatur adeo inclinata, ut basis ipsius non contingat humidum. Secta aut ipsa per axem plano ad humidum superficiem recto, solidi sectio sit rectanguli conici sectio $apml$: superficiei humidie sectio sit im : axis portionis, & sectionis diameter bd : seceturque b d sicuti prius: & ducatur pn quidem



ipsi

strabitur portionem, quæ ad humidum in gravitate eandē
 proportionem habeat, quàm quadratum p f ad quadratū
 b d in humidum demissā, ita ut basis ipsius nō cōtingat
 humidum, inclinatam consistere adeo, ut basis in uno pun-
 cto humidi superficiem contingat. & axis cum ipsa faciat
 angulum angulo ϕ æqualem.

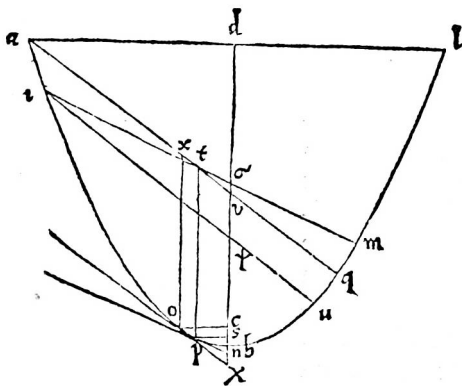
C O M M E N T A R I V S.

Hoc est quadratum tp ad quadratum bd .] Ex uigesima
 sexta libri Archimedis de conoidibus, & sphaeroidibus. ergo ex no
 na quinti erit quadratum tp æquale quadrato xo : & propterea li
 nea $t'p$ lineæ xo æqualis.

Et portiones ipsæ æquales erunt.] *Ex vigesima quinta eius-* B
dem libri.

Rurfus
quoniam
in portio-
nibus æ-
qualibus,
& simili-
bus a o q
l, a p m l.]
*In portio-
ne enim a p
m l descri-
batur por-
tio a o q æ-
qualis por-
tionem i p m,
cadet pun-
ctum q in-
fram, alio-*

qui totum parti esset æquale. Ducatur deinde $i n$ æquidistans a q .



L

A R C H I M E D I S

qua diameter fecit in \downarrow ; fecit autem in eandem in σ : & $a q$ in v . Dico angulum $a v d$ angulo $i \sigma d$ minorem esse. angulus enim $i \downarrow d$ equalis est angulo $a v d$. sed angulus interior $i \downarrow d$ minor est exteriori $i \sigma d$. ergo & $a v d$ ipso $i \sigma d$ minor erit.

29. primi

16. primi

D : Et quoniam angulus, qui ad χ minor est angulo, qui ad n .] Ducantur per o duæ lineæ, $o c$ quidem ad diametrum $b d$ perpendicularis: & $o \chi$ in puncto o sectionem contingens, quæ diametrum secet in χ . æquidistabit $o \chi$ ipsi $a q$: atque erit angulus ad χ æqualis ei, qui ad v . ergo angulus ad χ angulo ad σ , videlicet eo, qui ad n minor erit: & propterea χ infra n cadet. linea igitur χb maior est, quàm $n b$. Sed cum $b c$ sit æqualis χb , & $b s$ ipsi $n b$: erit $b c$ ipsa $b s$ maior.

'५. fecūdi

conico.ū

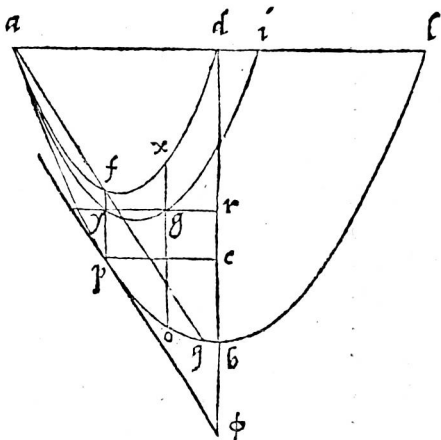
29. primă.

35. primi

conicorû

Ergo æquales faciunt angulos a q, a m cum diametris
portionum.] Hoc demonstrabimus ut in commentarijs in secun-
dam partem.

F Similiter demonstrabitur, portionem, quæ ad humidum in gravitate eandem proportionem habeat, quâ quadratum p f ad quadratū b d; in humidum demissam, ita ut basis ipsius non cōtingat humidum, inclinam consistere adeo, ut basis in uno pūcto humidi superficiem cōtingat: & axis cū ipsa faciat angulū angulo ϕ æqualē]

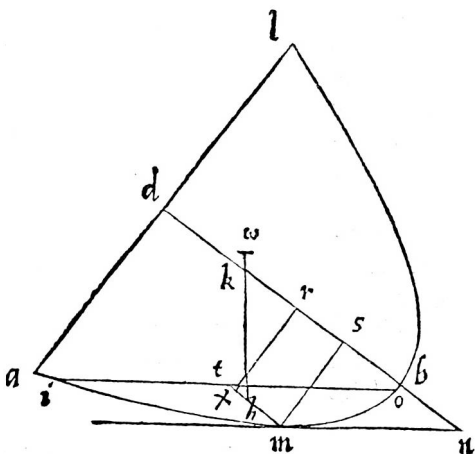


Habeat portio ad humidum in gravitate proportionem eam, quam
 p f quadratum ad quadratum b d: & demissa in humidum adeo in-
 clinata,

clinata, ut basis humidum non contingat, secetur plano per axem, recto ad superficiem humidi, ut sectio sit a m o l rectanguli coni sectio: superficiem humidi sectio sit i o: axis portionis, & sectionis diameter b d; quæ in easdem, quas diximus, partes secetur: ducaturq; m n quidem ipsi i o æquidistans, ut in puncto m sectionem cōtingat: m t vero æquidistans ipsi b d: & m s ad eandem perpendicularis. Demonstrandum est non manere portionem, sed inclinari ita, ut in uno puncto contingat superficiem humidi. ducatur enim p c ad ipsam b d perpendicularis: & iuncta a f usque ad sectionem producat in q: & per p ducatur p φ ipsi a q æquidistans. erunt iam ex ijs, quæ demonstrauimus a f, f q inter se se æquales. & cum portio ad humi-

dum eam in gra-
uitate proportio-
nem habeat, quā
quadrātū p f ad
b d quadratum:
atque eandem ha-
beat portio ipsi-
us demersa ad to-
tam portionem;
hoc est quadrātū
m t ad quadrātū
b d: erit quadra-
tum m t quadra-
to p f æquale: &
idcirco linea m t
æqualis lineæ p

f. Itaque quoniam in portionibus æqualibus, & similibus a p q l, a m o l ductæ sunt lineæ a q, i o, quæ æquales portiones abscindunt; illa quidem ab extremitate basis; hæc uero non ab extremitate: sequitur ut a q, quæ ab extremitate ducitur, minorem acutum angulū contineat cum diametro portionis, quàm ipsa i o. Sed lineæ p o lineæ a q æquidistat, & m n ipsi i o. angulus igitur ad φ angulo ad n



9. quinti.

ARCHIMEDIS

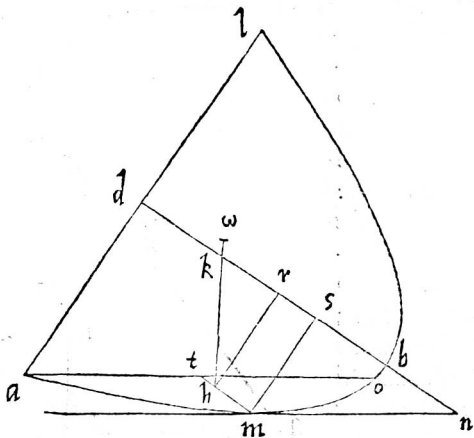
minor erit: linea uero $b c$ maior, quàm $b s$: & $s r$; hoc est $m \chi$ maior, quàm $c r$, hoc est, quàm $p y$: & propterea χt minor, quàm $y f$. quòd cum $p y$ sit dupla $y f$, erit $m \chi$ maior, quàm dupla $y f$; & multo maior, quàm dupla χt . fiat $m h$ dupla ipsius $h t$: & copulata $h k$ producat. Iam grauitatis centrum totius portionis erit punctum κ : eius, quæ in humido est, h : at reliquæ partis, quæ extra humidum in linea $h k$ producta; quod sit ω . eodem modo demonstrabitur, & lineam $k h$, & quæ per $h \omega$ puncta ipsi $k h$ æquidistantes ducuntur, ad humidi superficiem perpendiculares esse. non igitur manebit

portio, sed cum
usque eò inclina-
ta fuerit, ut in
uno puncto con-
tingat superfi-
ciè humidi, tunc

consistat . an-
gulus enim ad n
angulo ad ϕ æ-
qualis erit ; li-
neæq; $b s$ lineæ
 $b c$; & $s r$ ipsi
 $c r$. quare & $m h$
ipsi $p y$ est æqua-
lis . Itaque ducta
 $h k$ producat^{ur}.

erit totius portionis gravitatis centrum K; eius, quæ in humido est h; & reliquæ partis centrum in linea producta; sit autem ω . per eandem igitur rectam lineam k h, quæ est ad humidi superficiem perpendicularis, id quod in humido est sursum; & quod extra humidum deorsum feretur. atque ob hanc causam portio non amplius movebitur; sed consistet, manebitq, ita, ut eius basis superficiem humidi in uno puncto contingat; & axis, cum ipsa angulum faciat æqualem angulo ϕ . atque illud est, quod demonstrare oportebat.

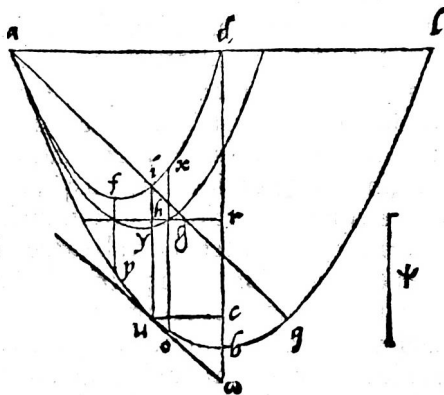
DEMON



DEMONSTRATIO QVARTAE PARTIS.

HABEAT rursum portio ad humidum in gravitate proportionem quidem maiorem, quàm quadratum $f p$ ad quadratum $b d$; minorem uero, quàm quadratum $x o$ ad $b d$ quadratum: & quam proportionem habet portio ad humidum in gravitate, eandem habeat quadratum, quod fit à linea \downarrow ad quadratum $b d$. erit \downarrow maior, quàm $f p$, & minor, quàm $x o$. aptetur ergo quædam recta linea $i u$ inter portiones $a u q l$, $a x d$ interiecta, quæ sit æqualis \downarrow , & ipsi $b d$ æquidistans: occurratq; reliquæ sectioni in y . rursus $u y$ dupla ipsius $y i$ demonstrabitur, sicuti demonstrata est $o g$ ipsius $g x$ dupla. ducatur autem ab u linea $u \omega$, quæ sectionem $a u q l$ in u contingat: & iuncta $a i$ ad q producat. eodem modo ostendemus lineam $a i$ ipsi $i q$ æqualem esse: & $a q$ ipsi $u \omega$ æquidistantem. Demonstrandum est portionem in humidum demissam, inclinâtq; adeo, ut basis ipsius non contingat humidû, ita consistere, ut basis in humidû magis demergatur quàm ut in uno puncto eius superficiem cõtina-

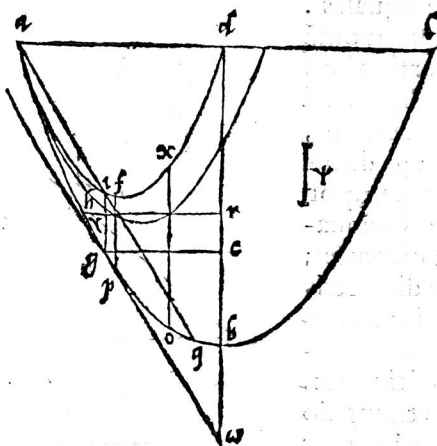
gat. Demittatur enim in humidum, ut dictum est; & iaceat primo sic inclinata, ut basis nullo modo contingat superficiem humidi. secta autem ipsa plano per axem ad humidi



A geometric diagram showing a triangle with vertices labeled *a*, *b*, and *c*. The triangle is divided into several regions by lines connecting points on its sides. Points *d*, *e*, *f*, *g*, *h*, *i*, *j*, *k*, *l*, *m*, *n*, *o*, *p*, *q*, *r*, *s*, *t*, *u*, *v*, *w*, *x*, *y*, and *z* are marked on the lines and at the vertices of the internal regions. The diagram illustrates a complex geometric construction, likely related to the study of conic sections or projective geometry.

quoniam portio ad humidum in gravitate eam proportio-
nem habet, quam quadratum, quod fit à linea \downarrow ad quadra-
tum $b d$: erit \downarrow ipsi $n t$ æqualis: quod similiter demonstabi-
tur, ut superius. quare & $n t$ est æqualis ipsi $u i$. portiones
igitur $a u q$, $e n z$ inter se sunt æquales. Et cum in æquali-
bus, & similibus portionibus $a u q l$, $a n z g$ ductæ sint $a q$
 $e z$, quæ æquales portiones auferunt; illa quidem ab extre-
mitate basis; hæc autem non ab extremitate: minorem fa-
ciet acutum angulum cum portionis diametro, quæ ab ex-
tremitate basis ducitur. At triangulorum $n l s$, $u \omega c$ angu-
lus ad l angulo ad ω maior est. ergo $b s$ minor erit, quam
 $b c$: & $s r$ maior, quàm $c r$: ideoq; $n \chi$ maior, quam $u h$; &
 χt minor, quàm $h i$. Quoniam igitur $u y$ dupla est ipsius
 $y i$; constat $n \chi$ maiorem esse, quàm duplā χt . Sit $n m$ dupla
ipsius $m t$. perspicuū est ex iis, quæ dicta sunt, non manere
portionē; sed inclinari, donec eius basis contingat superfi-
ciem humidi: contingat autem in puncto uno, ut patet in fi-
gura

quædam recta lineæ gi , sectionibus ag ql , ax d intercepta, & ipsi $b d$ æquidistans; quæ mediani coni sectionem in puncto h , & rectam lineam ry in y secet. demonstrabitur gh dupla hi , quemadmodum demonstrata est og ipsius gx dupla. ducatur postea $g\omega$ cōtingens $agql$ sectionem in g : & gc ad $b d$ perpendicularis: iunctaq; ai producatu ad q . erit ergo ai æqualis $i q$: & $a q$ ipsi $g\omega$



æquidistans. Demonstrandū est portionē in humidū demif
sam, inclinātamq; adeo, ut basis ipsius non cōtingat humi
dū, consistere inclinātā ita, ut axis cum superficie humidi
angulum faciat minorem angulo ϕ : & basis humidi super
ficiem nullo modo contingat. Demittatur enim in humi
dum; & consistat ita, ut basis ipsius in uno puncto contin
gat superficiem humidi. secta autem portione per axem,
plano ad humidū superficiem recto, sit portiois sectio a n
z l rectanguli conī sectio: superficiēi humidi a z: axis autē
portionis, & sectionis diameter b d: seceturq; b d in pun
ctis K r, ut superius dictum est: & ducatur n f quidem ipsi
a z æquidistans, & contingens conī sectionem in pūcto n;
n t uero æquidistans ipsi b d: & n s ad eandem perpendi
cularis. Quoniam igitur portio ad humidum in grauitate,
eam habet proportionem, quam quadratum, quod fit à n
ad

ARCHIMEDIS

A geometric diagram featuring a large triangle with vertices labeled 'c' at the top, 'a' at the bottom left, and 'f' at the bottom right. A vertical line segment connects vertex 'c' to point 'k' on the base 'af'. From point 'k', several lines radiate downwards: one through point 't' to point 'm' on the base; another through point 'r' to point 'n' on the base; and a third through point 's' to point 'z' on the base. A horizontal line segment connects point 'e' on side 'ca' to point 'g' on side 'cf'. Another horizontal line segment connects point 'd' on side 'ca' to point 'b' on side 'cf'. Point 'h' is located on the base 'af' between points 'm' and 'n'. Various other points are labeled along the sides and interior of the triangle, including 'q' near 'a', 'v' near 'c', and 'y' near 'f'. The diagram illustrates complex geometric relationships, likely related to optics or mechanics as per the accompanying text.

FINIS LIBRORVM ARCHIMEDIS DE

IIS, QVAE IN AQVA VEHVNTVR.

- 00:4 - -

